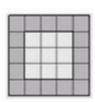
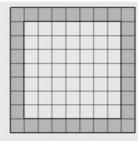
Activité 1 : Les carrés bordés

Pierre joue avec des carreaux de mosaïque. Il dispose ses carreaux gris autour de différents carrés formés de carreaux blancs. En voici quatre.









Carré Taille 1

Carré Taille 2

Carré Taille 3

Carré Taille 7

voudrait trouver une formule lui permettant de déterminer le nombre de carreaux gris en fonction de la taille du carré blanc central.

- 1. Combien y a-t-il de carreaux gris entourant :
- a. le carré blanc de taille 1 ?
- b. le carré blanc de taille 2 ? 12
- c. le carré blanc de taille 3 ?

Page 1



Carré Taille 1



Carré Taille 2



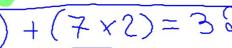
Carré Taille 3



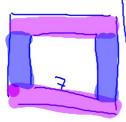
- 2. Produire un calcul plusieurs calculs différents sont possibles) qui donne le nombre de carreaux gris entourant :
- a. Un carré blanc de taille 7.

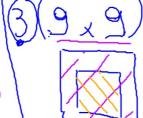
7 × 4 + 4 = 32

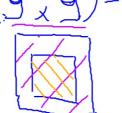


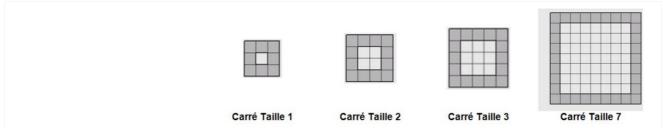




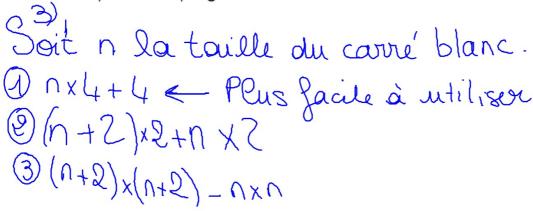




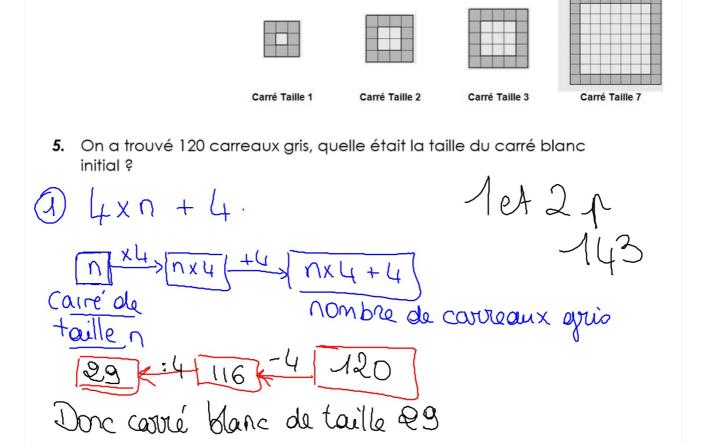




- 3. Expliquer par une phrase et donner une formule (ou programme de calcul) permettant de calculer le nombre de carreaux gris entourant un carré blanc de n'importe quelle taille. La vérifier avec les résultats trouvés à la question 1.
- 4. Comparons les programmes de calculs trouvés



Page 3



Faisons le bilan :

Qu'est-ce qu'une expression littérale ?

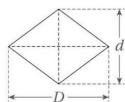
C'est une expression dans laquelle figure une (ou plusieurs) lettres

Quand deux expressions littérales sont-elles égales (test d'égalité) ?

Page 5

- 1 L'aire d'un losange se calcule avec la formule $\mathcal{A} = \frac{D \times d}{2}$.
- Calculer l'aire d'un losange dont les diagonales mesurent 3 cm et 4,6 cm.





 $\frac{1}{2} = \frac{4.6 \times 3}{2} = 6.9$ $\frac{1}{2} = 6.9$

Cours Nombres et calculs

Calcul dittéral

I_Expression littérale

Définition: Une expression littérale

est une expression contenant une ou

plusieurs lettres des varionbles.

Ces varientles désignent des nombres qui pluvent varion.

Page 7

Convention:

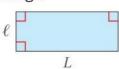
Dans une expression dittérale, on peut supprimer le signe "x".

- · entre un nombre et une lettre
- · entre deux lettres
- · awant une poventhèse
- · entre deux porenthèses.

Notation:

- · axaza² (lire a ou carré")
- · Orxaxa; oi (line < a ou cube")

- Simplifier l'écriture des formules de périmètre et d'aire suivantes.
- a. Rectangle



 $\mathcal{P}=2\times(L+\ell)$ $\mathcal{A} = L \times \ell$

b. Carré



c. Disque



 $\mathcal{P} = 2 \times \pi \times r$

 $\mathcal{A} = \pi \times r \times r$

Page 9

Activité 2 : Expressions littérales égales ?

1. n est un nombre entier.

Lucie a calculé les expressions $(n \times n)$ et (2n) pour n = 0, puis pour n = 2.

Elle en conclut que l'expression $(n \times n)$ est égale à l'expression (2n).

A-t-elle raison ? Justifier.

NXA

 $2n - 2 \times n$

·On va calculor nxn et 2xn pour n=0 0x0=0 et 2x0=0.

power n=0 les deux expressions sont égales. On calcule power n=2.

2x2=4 et 2x2=4

Donc n= 2, les expressions sont egales

Sont-elles tout le temps égales? On exain ower n = 1: 1x1=1 mais 2x1=2. Les expressions re sont pas tout le temps eigeles.

Page 11

2. Pour chaque égalité, dire si elle est toujours vraie, si elle est toujours fausse, ou si elle est <u>vraie à certaines conditions</u> (préciser lesquelles dans ce cas).

$$\mathbf{q} \cdot 25 - 4 = 3 \times 4$$

b.
$$2x \times 3y = 6xy$$

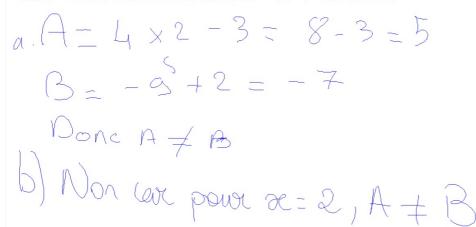
b.
$$2x \times 3y = 6xy$$
 c. $13 + 4 = 21 - 4$

d.
$$c + 11 = 6$$
 e. $3d = 12$

$$\mathbf{f.} \ \mathsf{AB} + \mathsf{BC} = \mathsf{AC}$$

a) 25-4=21 et 3x4=12 donc doyans fem 48 0) 13+4=17 et 21-4=17 donc toujours vrave b) $2x \times 3y = 2x \times 2x + 6x \times y = 6xy$ toujours vrais.

- 3 On considère les expressions A = 4x 3 et B = -9 + x.
- a. Lorsque x = +2, a-t-on A = B?
- **b.** Peut-on affirmer que A = B? Justifier.



Page 13

2. Pour chaque égalité, dire si elle est toujours vraie, si elle est toujours fausse, ou si elle est vraie à certaines conditions (préciser lesquelles dans ce cas).

$$25-4=3\times4$$

b.
$$2x \times 3y = 6xy \sqrt{ }$$

a.
$$25-4=3\times4$$
 b. $2x\times3y=6xy\sqrt{}$ **c.** $13+4=21-4$

$$d.c+11=6$$

e.
$$9d = 12$$

d.
$$c + 11 = 6$$
 e. $9d = 12$ **f.** $AB + BC = AC$

aggd = 12

On charche $9 \times .0 = 12$

résultat de 12:9= 12 L'égalité n'est vroue que lorsque d=12 f) & C'est de la géométrie: AX L'égalité ne sera vroire que si X C Bappartient (AC) AX &

Faisons le bilan :
Qu'est-ce qu'une expression littérale ?
Qu'est-ce qu'une expression littérale?
Quand deux expressions littérales sont-elles égales (test d'égalité)? Quand elles donnent le même résultat pour une valeur de la lettre donnél.
- Elles peuvent être égales quelque soit la
Valeur de la lettre (sos b).
Page 15
Cours Nombres et calculs
Descripté : Mune égalité ai interviennent des

Propriété: Mune égalité où interviennent des expressions littérale peut être:

Loujours vraie

- toujours foursse
- viraie pour certaines voileurs affectées aux lettres et fourses pour d'autres.

Méthode: Pour tester si une égalité est viair pour une valeur donnée. 1) On calcule la valeur de chaque membre 2) On observe si les deux résultats sont égaux It on conclue.

Exemple: Soit l'égalité 30e+5=50e-9 · Cette égalité est-elle viraie pour se = 2? pour x = 7?

Page 17

Simplifier le plus possible l'écriture des expressions suivantes (sans les calculer).

$$A = 5 \times (3 + 4)$$

$$B = (7,2-6,9) \times 2,5$$

p 146

$$C = 9 \times a + 6 \times b$$
 $D = 4 \times a \times b$

$$D = 4 \times a \times b$$

$$E = a + b + a \times b$$

$$F = (a+b) \times (a-b)$$

$$E = a + b + a \times b$$
 $F = (a + b) \times (a - b)$
 $G = a \times (b + c) \times (x + y)$ $H = 3 \times 5 \times a \times b$

$$H = 3 \times 5 \times a \times b$$

$$A = 5 \times (3 + 4) = 5 (3 + 4)$$

 $B = (7,2-6,9) = 2,5 = 2,5 (7,2-6,9)$
 $C = 9 \times (3 + 6)$
 $D = 4 \times 6$
 $-4 \times 13 \text{ p.} 146$
 $-4 \times 13 \text{ p.} 146$
 $-4 \times 13 \text{ p.} 146$
 $-4 \times 13 \text{ p.} 146$

12 Simplifier le plus possible l'écriture des expressions suivantes (sans les calculer).

$$A = 5 \times (3 + 4)$$
 $B = (7,2 - 6,9) \times 2,5$
 $C = 9 \times a + 6 \times b$ $D = 4 \times a \times b$
 $E = a + b + a \times b$ $F = (a + b) \times (a - b)$
 $G = a \times (b + c) \times (x + y)$ $H = 3 \times 5 \times a \times b$

$$E = a + b + ab$$

$$E = (a + b) (a - b)$$

$$G = a (b + c) (x + y)$$

$$H = 3x > ab$$

Page 19

Calculer les expressions suivantes pour m = 2 et n = 3.

p 146

$$A = 2(m+n) \qquad B = 3m - 2n$$

$$C = -2m^2 + 5n - 3$$
 $D = m(m + 3)$

$$E = 4mn F = 5m^2 - 8mn$$

$$A = 2(2+3) = 2 \times 5 = 10$$

 $B = 3 \times 2 - 2 \times 3 = 6 - 6 = 0$
 $C = 2 \times 2 + 5 \times 3 - 3$
 $C = 2 \times 4 + 15 - 3$
 $C = 8 + 12 = 20$



13 📝 Calculer les expressions suivantes

pour m = 2 et n = +3.

A = 2(m+n)

B = 3m - 2n

 $C = -2m^2 + 5n - 3$ D = m(m + 3)

E = 4mn

 $F = 5m^2 - 8mn$

p 146

 $D = 2 \times (2 + 3) = 2 \times 5 = 10$

E=4x2x3=8x3=24

 $f = 5x^2 - 8x^2 - 8x^2 - 5x^4 - 16x^3 = 20 - 48$

Page 21

Methode: Pour tester si une égalité est viaie pour

vene valeur donnée. 1) On calcule la valeur de chaque membre

2) On observe si les donx résultats sont éganx

et on conclue-

Exemple: Soit l'égalité 30e+5=50e-9

· Cette égalité est-elle viraie pour se = 2? pour x = 7?

- tour x = 2.

La première expression donne 3x2+5=6+5=11

Da aquixième "
L'égalité est fausse pour 2=2. 5x2-9=10-9=1 La douxième "

Pour
$$x=7$$
: $3x+5=5x-9$

La première expression donne $3x7+5=21+5=26$

La première expression $y=35-9=26$

La deuxière

Donc pour $x=7$, l'égalité est uraie.

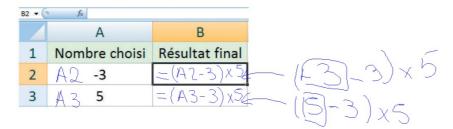
Page 23

17 TICE Programme de calcul

On considère le programme de calcul ci-dessous.

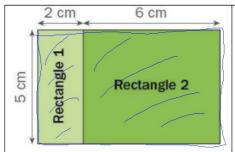
p 146

- Choisir un nombre.
- Soustraire 3 au nombre choisi.
- Multiplier cette différence par 5.
- Indiquer quelle formule il faut saisir dans la cellule B2 de la feuille de calcul suivante pour calculer le résultat final.



Activité 3: Un petit rappel

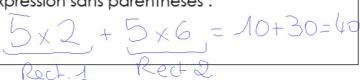
1. a. Écrire l'aire du rectangle ci-dessous à l'aide d'une expression avec parenthèses, puis d'une expression sans parenthèses.



Expression avec parenthèses :



Expression sans parenthèses :

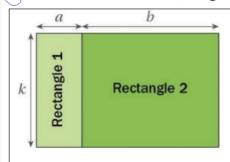


Quelle égalité peut-on écrire ?



Page 25

(b) On considère le rectangle ci-dessous. Compléter.



Aire du grand rectangle :

$$\mathcal{A} = l \times L = \dots \times \dots \times \dots \times$$

Somme des aires des deux petits rectangles :

$$A = A_1 + A_2 = \dots \times \dots \times \dots \times \dots$$

+ 18 p 147.

18 TICE Programme de calcul

Voici une feuille de calcul:

p 146

	Α	В
1	Nombre choisi	Résultat final
2	-3	=A2*(A2-5)+6
		1

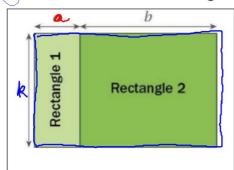
- Écrire un programme de calcul qui correspond à la formule saisie dans la cellule B2.
 - ·Chaisir un nombre

(A2)

- · Soustraire 5
- · Multiplier le névolet par le nombre choisie au départ
 - ·Ajouter 6.

Page 27

(b) On considère le rectangle ci-dessous. Compléter.



Aire du grand rectangle :

$$A = l \times L = ... \times (a + b)$$

Somme des aires des deux petits rectangles :

$$A = A_1 + A_2 = ... \times ... + ... \times .b.$$

On a donc :

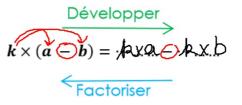
c. En conclusion, compléter la propriété suivante.

Distributivité de la multiplication par rapport à l'addition :

a, b et k sont des nombres quelconques. On a :

Développer
$$k \times (a \oplus b) = Jk \times a \oplus k \times b$$
Factoriser

k est appelé facteur commun.



Page 29

2. Applications

a. La distributivité va nous permettre de calculer mentalement les expressions suivantes :

$$A = 42 \otimes 21$$

$$B = 42$$

$$C = 47 \times 12 + 47 \times 88$$

Dans chaque cas, dire s'il s'agit d'une \underline{somme} ou d'un $\underline{produit}$:

Sommes:

Utiliser la distributivité pour <u>développer</u> (écrire l'expression sous forme d'une

Utiliser la <u>distributivité</u> pour <u>développer</u> (écrire l'expression sous forme d'une somme ou différence) ou <u>factoriser</u> (écrire l'expression sous forme de produit) ces expressions puis les calculer :

développer
$$A = 42 \times 21 = 42 \times (2001) = 42 \times 200042 \times 1 = 840 + 42 = 882$$

 $B = 42 \times 19 = 42 \times (2001) = 42 \times 200042 \times 1 = 840 - 42 = 700$
 $C = 47 \times 120047 \times 88 = 47 \times (12088) = 47 \times 100 = 4700$
factorises

Effectuer mentalement les calculs suivants en expliquant la méthode utilisée.
a.
$$101 \times 57$$
 b. $17.6 \times 58 \bigcirc 7.6 \times 58$

a)
$$104\times57 = (10001)\times57 = 57\times100057\times1$$

= $5700+57 = 5757$.

Page 31

b. Pour chacune des expressions ci-dessous, dire s'il s'agit d'une somme ou d'un produit puis, suivant le cas, développer ou factoriser l'expression :

$$D = 3(1 + 4x) = E = (7 + 3x) \times 4 = G = 5(1 + 2x)$$

$$H = 5 \times 2x \oplus 5 \times 3 = 5 \times (2 \times 1 + 3) = 4 \times y \oplus 6 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$Sommes(\oplus) : H, T \qquad Produits(\textcircled{O}) D, E, F, G$$

$$D = 3(1 + 4x) = G = 5(1 + 2x)$$

$$Froduits(\textcircled{O}) D, E, F, G$$

$$D = 3(1 + 4x) = G = 5(1 + 2x)$$

$$F = 4 \times y \oplus 6 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 4x) = G = 5(1 + 2x)$$

$$F = 4 \times y \oplus 6 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 4x) = G = 5(1 + 2x)$$

$$F = 4 \times y \oplus 6 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 4x) = G = 5(1 + 2x)$$

$$F = 4 \times y \oplus 6 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 4x) = G = 5(1 + 2x)$$

$$F = 4 \times y \oplus 6 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 4x) = G = 5(1 + 2x)$$

$$F = 4 \times y \oplus 6 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 4x) = G = 5(1 + 2x)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 4 \times y \oplus 6 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 4 \times y \oplus 6 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 4 \times y \oplus 6 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 4 \times y \oplus 6 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 4 \times y \oplus 6 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 3 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 3 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 3 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 3 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 3 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 3 \times 4 = 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 + 4 \times 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 \times 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4 \times 4 \times (7 + 6)$$

$$F = 3(1 + 2x) = 3 \times 4$$

Faisons le bilan :		
Qu'est-ce que <u>développer</u> une expression littérale ?		
C'est kransformer un produit en	Source	Θ'n
différence.		

Qu'est-ce que <u>factoriser</u> une expression littérale ? C'est transformer une sonne ou d'ifférence en poroduit.

Page 33

III - Distributivité: olévélopper et factorises.

Propriété: la , a et b désignent des nombres.

 $k \times (a+b) = k \times a + k \times b$

kx(a-b) = kxa - kxb

développer factoriser Voir activité 3 et exercia L. p. 143.

11 La lettre n désigne un entier.

Comment s'écrit :

p 146

p 147

- a. le double de n ? $2 \times n = 2 \cdot n$. la moitié de n ? $n : 2 = \frac{n}{2}$
- c. l'opposé de n ? n d. le tiers de $n ? n : 3 = \frac{n}{3}$ e. le quart de $n ? \frac{n}{4}$ f. le triple de $n ? 3 \times n = 3n$
- g. le nombre entier qui suit n? $\cap + 1$
- h. le nombre entier qui précède $n ? \cap 1$
- i. la différence de n et de 3? n 3
- j. la somme de 4 et de la moitié de n? $\frac{1}{2}$
- k. le produit de n par la somme de n et de 4?

$$U \times (U + f)$$

Page 35

20 Parmi les expressions suivantes, indiquer lesquelles sont des sommes et lesquelles sont ATIE

$$A = 4y - 8$$

$$B = 3z(4z - 6)$$

$$C = (4a - 3)^2$$

$$D = 7b^2 + 5b + 2$$

$$E = 4(t-3) + 5t$$

$$E = 4(t-3) + 5t$$
 $F = (3p + 1)(5p - 2)$

Produits: B; C, E, F

Somme/Différence: A,/)/

50 Distance de freinage 📖

CALCULER à l'aide de nombres.

Lorsque le conducteur appuie sur le frein, il faut plusieurs mètres à une voiture pour s'arrêter. La formule $D_f = \frac{v \times v}{20a}$ donne cette distance, en m, appelée distance de freinage où :

- v est la vitesse, en m/s, de la voiture avant le freinage;
- · a est un coefficient qui dépend de l'état de la route : a = 0.8 sur route sèche, a = 0.6 sur route mouillée.

II pleut. Martine roule à 72 km/h.

- a. Montrer que sa vitesse est égale à 20 m/s.
- b. Martine voit un enfant traverser la route et appuie sur le frein.

Quelle distance parcourt sa voiture avant son arrêt?



72km/h= 72km = ?n = 72 000 M 3600 A $= \frac{20 \, \text{m}}{100 \, \text{m}} = \frac{20 \, \text{m}}{100$

p 150

b) D, = \frac{900}{200}

Elle metra environ 33m pour

Page 37

23 📈 Calculer astucieusement.

 $FB = 48 \times 76 \oplus 48 \times 24 = 48 \times (76 + 24) = 76 \times 100 = 76 \infty$

 $FC = 137 \times 56 + 28 \times 24 = 48 \times (137 - 37) = 56 \times 100 \text{ p } 147$ $FC = 137 \times 56 + 27 \times 56 = 56 \times (137 - 37) = 56 \times 100 \text{ p } 147$ $DD = 1001 \times 42 = (1000 + 1) \times 42 = 42 \times 1000 = 42 + 42 \times 1000 = 42 \times 1000 =$

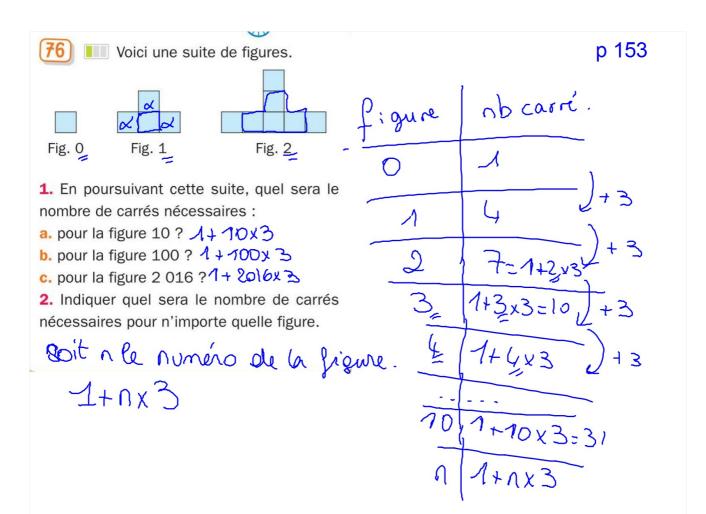
 $FE = 1234 \times 0.41 = 234 \times 0.41 = 0.41 \times (1234 - 234) = 0.41 \times 1000 = 4.40$

$$A = 46 \times 99 = 46 \times (1000)$$

$$= (46 \times 100) - 46$$

$$= 400 - 46$$

$$= 354$$



Page 39

75 n est un nombre entier positif. Un bus effectue un circuit. Au départ, il y a dans ce bus n passagers.

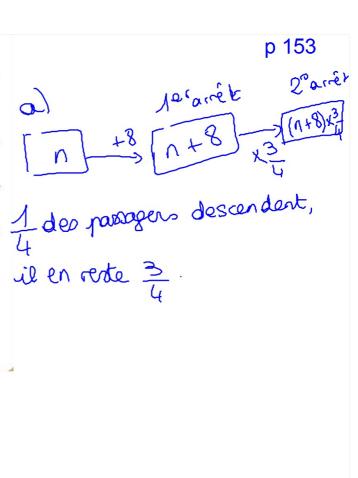
Au premier arrêt, huit personnes montent. Au deuxième arrêt, le quart des passagers descend.

- a. Exprimer en fonction de n le nombre de passagers dans le bus après le deuxième arrêt.
- **b.** Si n = 32, combien reste-t-il de passagers dans le bus après le deuxième arrêt ?



b)
$$Sin=32$$

 $(32+8) \times \frac{3}{4} = 30$
Il reste 30 passagers.





CALCULER à l'aide de nombres.

Pour calculer l'énergie électrique, en kilowattheure (kW $_{\star}$ h), consommée par un appareil, on utilise la formule $\mathscr{E} = P \times t$ où :

- P est la puissance de l'appareil (en kW) ;
- *t* est sa durée de fonctionnement (en h).

On a représenté ci-contre le compteur électrique de Joachim au moment où il allume sa plaque chauffante électrique.

Joachim fait fonctionner cette plaque chauffante de puissance 1 500 W pendant 2 h.



▶ Quel nombre au minimum affiche son compteur électrique quand Joachim arrête la plaque ?