

1 Écrire les produits suivants sous la forme d'une puissance. $\rightarrow 63.$

$$A = 9 \times 9 \times 9 \times 9 \times 9 \quad B = \frac{2}{5} \times \frac{2}{5} \times \frac{2}{5} \times \frac{2}{5} \quad C = (-6) \times (-6) \times (-6) \times (-6) \times (-6) \times (-6)$$

$$A = 9^5$$

$$B = \left(\frac{2}{5}\right)^4 = \frac{2^4}{5^4}$$

$$C = (-6)^6$$

$$\frac{9^4}{9}$$

Page 1

2 Calculer.

a. 3^4 b. $(-3)^4$ c. -3^4 d. 3^{-4} e. $(-3)^{-4}$ f. -3^{-4}

$$a) 3^4 = \underbrace{3 \times 3 \times 3 \times 3}_{9 \times 9} = 81$$

$$b) (-3)^4 = \underbrace{(-3) \times (-3) \times (-3) \times (-3)}_{9 \times 9} = 81$$

$$c) -3^4 = -3 \times 3 \times 3 \times 3 = -81$$

$$d) 3^{-4} = \frac{1}{3^4} = \frac{1}{81}$$

$$e) (-3)^{-4} = \frac{1}{(-3)^4} = \frac{1}{81}$$

$$f) -3^{-4} = -\frac{1}{3^4}$$

Page 2

ACTIVITE 1 : PROPAGATION D'UNE BACTERIE

Un laboratoire fait des recherches sur le développement d'une population de bactéries.

On a observé que le nombre de bactéries a été multiplié par 3 toutes les heures à partir du moment où l'étude a commencé.

Par combien le nombre initial de bactéries a-t-il été multiplié au bout de 24 heures ?

Heure	Bactéries.	Notation puissance
H0	1	3^0
H1	$1 \times 3 = 3$	3^1
H2	$3 \times 3 = 9$	3^2
H3	$9 \times 3 = 27$	3^3
⋮	$\downarrow \times 3$ $\downarrow \times 3$ $\downarrow \times 3$	3^4
H24	3^{24}	3^{24}

Page 3

PUISSANCES

I. Puissances entières d'un nombre relatif

1. Exposant positif

Définition : a désigne un nombre relatif et n un nombre entier avec $n \geq 2$

Le produit $\underbrace{a \times a \times \dots \times a}_{n \text{ facteurs}}$ de n facteurs égaux à a est une puissance de a

On note a^n (lire « a puissance n ou a exposant n »)

Exemple : $2^4 = \underbrace{2 \times 2 \times 2 \times 2}_{4 \text{ facteurs}} = 16$

Calculatrice: 2^n

Conventions :

- Pour tout $a \neq 0$, $a^0 = 1$
- $a^1 = a$

Remarque : a^2 se lit « a au carré » et a^3 se lit « a au cube ».

Page 4

1 Écrire les produits suivants sous la forme d'une puissance.

(163)

$$A = 9 \times 9 \times 9 \times 9 \times 9$$

$$B = \frac{2}{5} \times \frac{2}{5} \times \frac{2}{5} \times \frac{2}{5}$$

$$C = (-6) \times (-6) \times (-6) \times (-6) \times (-6) \times (-6)$$

$$(9)^5$$

$$\left(\frac{2}{5}\right)^4$$

$$(-6)^6$$

$$\frac{2^4}{5} = \frac{2 \times 2 \times 2 \times 2}{5} \quad -6^6 = -6 \times 6 \times 6 \times 6 \times 6 \times 6$$

Page 5

2 Calculer.

a. 3^4

b. $(-3)^4$

c. -3^4

d. 3^{-4}

e. $(-3)^{-4}$

f. -3^{-4}

$$a. \underbrace{3 \times 3}_9 \times \underbrace{3 \times 3}_9 = 9 \times 9 = 81$$

$$b. (-3)^4 = \underbrace{(-3) \times (-3)}_9 \times \underbrace{(-3) \times (-3)}_9 = 9 \times 9 = 81$$

$$c. -\textcircled{3}^4 = -3 \times 3 \times 3 \times 3 = -81$$

ex 6 n 63, 17 n 66.

Page 6

6 a. Quelle est la moitié de 2^{40} ?

b. Quel est le double de 2^{40} ?

c. Quel est le cube du carré de 2 ?

d. Quel est le carré du cube de 2 ?

$$\begin{aligned} \text{a. } 2^{40} : 2 &= \underbrace{2 \times 2 \times \dots \times 2}_{40 \text{ termes}} : 2 \\ &= \underbrace{2 \times 2 \times \dots \times 2}_{39 \text{ termes}} \\ &= 2^{39} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{d. } (2^3)^2 &= 2^{3 \times 2} \\ &= 2^6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{b. } 2^{40} \times 2 &= 2^{40+1} = 2^{41} \\ &= \underbrace{2 \times 2 \times \dots \times 2}_{41 \text{ termes}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{c. } (2^2)^3 &= \underbrace{(2 \times 2)}_{40 \text{ termes}}^3 = (2 \times 2) \times (2 \times 2) \times (2 \times 2) \\ &= 2^6 = 2^{2 \times 3} \end{aligned}$$

Page 7

17 Pour chaque nombre, indiquer s'il est positif ou négatif.

a. $(-7)^2$ b. $(-8)^3$ c. 6^8 d. $(-12)^1$
e. -5^4 f. $\frac{(-3)^4}{(-2)^6}$ g. $\frac{(-4)^2}{+} \times \frac{(-13)^3}{-}$

positif

négatif.

c)

$$\text{d) } (-12)^1 = -12$$

$$\text{a) } (-7)^2 = \underbrace{(-7) \times (-7)}_{\oplus}$$

$$\text{e) } -5^4 = -5 \times 5 \times 5 \times 5$$

f)

$$\text{b) } (-8)^3 = \underbrace{(-8) \times (-8) \times (-8)}_{\ominus}$$

g)

$$\frac{\underbrace{(-4)^2}_{\oplus}}{\ominus}$$

Page 8

ACTIVITE 2 : LES BACTERIES (SUITE)

Un antibiotique bactéricide est une molécule qui détruit la croissance des bactéries. On appelle CMB la Concentration Minimale Bactéricide.

Dans certaines conditions (notamment à 37°C), si on injecte cette quantité minimale bactéricide dans une souche infectée la population de bactéries est divisée à chaque heure par 1,67.

Expliquer pourquoi au bout de 18h de culture, l'antibiotique laisse moins de 0,01% de survivants de la population microbienne. On dit que cette valeur caractérise l'effet bactéricide d'un antibiotique.

$$\begin{aligned} H0 &: 100\% \\ H1 &: 100 : 1,67 = \frac{100}{1,67} \approx 59,88 \\ H2 &: \frac{100}{\frac{1,67}{1,67}} = \frac{100}{1,67^2} = 100 \times 1,67^{-2} \\ H3 &: 100 \times 1,67^{-3} = \frac{100}{1,67^3} \\ H18 &: \underline{< 0,01\%} \Rightarrow 100 \times 1,67^{-18} = \frac{100}{1,67^{18}} \approx 0,009 \end{aligned}$$

Page 9

2. Exposant négatif

Définition : a désigne un nombre relatif non nul et n un nombre entier

a^{-n} désigne l'inverse de a^n : $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$

Remarque : Pour tout $a \neq 0$, $a^{-1} = \frac{1}{a}$ donc a^{-1} est une autre écriture de l'inverse de a .

Exemple : $3^{-6} = \frac{1}{3^6} = \frac{1}{3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3}$

Calculatrice :

x^{\square} Casio

x^{\square} $(-)$ T.I

18 p 66

Page 10

18 Répondre sous la forme d'une puissance.

Combien vaut :

a. le double de 2^7 ?

b. le carré de 4^5 ?

c. le triple de 3^8 ?

d. la moitié de 2^{15} ?

e. le cube de 10^4 ?

f. le quart de 2^{20} ?

a) Le double de 2^7 est 2^8 : $2^7 \times 2^1 = 2^8 = 2^{7+1}$

b) carré de 4^5 est $(4^5)^2$: $4^{5 \times 2} = 4^{10}$

c) $3^8 \times 3 = 3^9$

d) $2^{15} : 2 = 2^{14} = 2^{15-1}$

e) $10^{4 \times 3} = 10^{12} \rightarrow (-10^4)^3 = (10^4) \times (10^4) \times (10^4)$

f) $2^{20} : 4 = 2^{18}$
 $2^{20} : 2^2 = 2^{20-2} = 2^{18}$

Page 11

5 Écrire les nombres suivants sous la forme d'une seule puissance. $\uparrow 63.$

a. $\frac{2^5}{5^5} \times \frac{5^5}{2^5}$

b. $(-3)^4 \times 2^4$

c. $10^{-7} \times 2^{-7}$

d. $(-2)^{-3} \times (-3)^{-3}$

e. $\frac{2^5}{5^5}$

f. $\frac{(-3)^4}{2^4}$

g. $\frac{10^{-7}}{2^{-7}}$

h. $\frac{(-2)^{-3}}{(-3)^{-3}}$

a) $2^5 \times 5^5 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 = 10^5$
 $= (2 \times 5)^5$

b) $(-6)^4$

c) $(10 \times 2)^{-7} = 20^{-7}$

d) $((-2) \times (-3))^{-3} = 6^{-3}$

Page 12

5 Écrire les nombres suivants sous la forme d'une seule puissance.

a. $2^5 \times 5^5$

b. $(-3)^4 \times 2^4$

c. $10^{-7} \times 2^{-7}$

d. $(-2)^{-3} \times (-3)^{-3}$

e. $\frac{2^5}{5^5}$

f. $\frac{(-3)^4}{2^4}$

g. $\frac{10^{-7}}{2^{-7}}$

h. $\frac{(-2)^{-3}}{(-3)^{-3}}$

f) $\frac{(-3)^4}{2^4} = \left(\frac{-3}{2}\right)^4$

g) $\left(\frac{10}{2}\right)^{-7} = 5^{-7}$

h) $\left(\frac{-2}{-3}\right)^{-3} = \left(\frac{2}{3}\right)^{-3}$

Page 13

e) $\frac{2^5}{5^5} = \left(\frac{2}{5}\right)^5$

$$(2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2) \div (5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5)$$

$(0,4)^5$

$\frac{2^5}{3^5} = (2 \div 3)^5 = \left(\frac{2}{3}\right)^5$

Page 14

27 Recopier et compléter les pointillés.

a. $2^{\dots} \times 2^5 = 2^{-4}$

b. $\frac{4^{13}}{4^{\dots}} = 4^{-1}$

c. $(3^2)^{\dots} \times 3^4 = 3^{-2}$

d. $\dots^4 \times 7^4 = 21^4$

↑ 67.

$2^{\textcircled{x}} \times 2^5 = 2^{\textcircled{x+5}} = 2^{-4}$

On cherche le nombre x tel que

$$\begin{cases} x+5 = -4 \\ x = -9 \end{cases} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} -5$$

b) $\frac{4^{13}}{4^{14}} = 4^{13-14} = 4^{-1}$

c) $3^{2 \times x} \times 3^4 = 3^{-2}$; $3^{(2 \times x) + 4} = 3^{-2}$; $(2 \times x) + 4 = -2$

Page 15

d) $\dots^4 \times 7^4 = 21^4$

$$2 \times x + 4 = -2$$

$$4 \left\{ \begin{array}{l} \rightarrow 2 \times x = -6 \end{array} \right.$$

$$:2 \left\{ \begin{array}{l} \rightarrow x = -3 \end{array} \right.$$

Page 16

4 Écrire les nombres suivants sous la forme d'une seule puissance.

a. $10^4 \times 10^3$

b. $4^7 \times 4^2$

c. $(-5)^3 \times (-5)^{-2}$

d. $7 \times 7^3 \times 7^{-3}$

e. $\frac{10^4}{10^3}$

f. $\frac{4^7}{4^2}$

g. $\frac{(-5)^3}{(-5)^{-2}}$

h. $\frac{7 \times 7^3}{7^{-3}}$

i. $(10^4)^3$

j. $(4^7)^2$

k. $((-5)^3)^{-2}$

l. $(7 \times 7^3)^{-3}$

a) 10^7

b) 4^9

II. Puissances de 10 et préfixes

n désigne un entier positif non nul

1. Puissances de 10

Propriétés :

- 10^n désigne le produit de n facteurs tous égaux à 10 : $10^n = \underbrace{10 \times \dots \times 10}_{n \text{ facteurs}} = \frac{10 \dots 0}{n \text{ zéros}}$
- 10^{-n} désigne l'inverse de 10^n : $10^{-n} = \frac{1}{10^n} = \frac{1}{\underbrace{10 \dots 0}_{n \text{ zéros}}}$

Exemples :

- $10^3 = 10 \times 10 \times 10 = 1000$
- $10^{-4} = \frac{1}{10^4} = 0,0001$

III. Calculs et notations

1. Règles de calcul

Propriétés : m, n désignent des nombres entiers relatifs.

- $a^m \times a^n = a^{m+n}$
- $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$
- $(a^m)^n = a^{m \times n}$

Exemple :

$10^3 \times 10^{-4} = 10^{-1}$ car $3 + (-4) = -1$	$\frac{10^7}{10^5} = 10^2$ car $7 - 5 = 2$	$(10^6)^3 = 10^{18}$ car $6 \times 3 = 18$
--	---	---

Page 19

4 Écrire les nombres suivants sous la forme d'une seule puissance.

a. $10^4 \times 10^3$ b. $4^7 \times 4^2$ c. $(-5)^3 \times (-5)^{-2}$ d. $7 \times 7^3 \times 7^{-3}$

e. $\frac{10^4}{10^3}$ f. $\frac{4^7}{4^2}$ g. $\frac{(-5)^3}{(-5)^{-2}}$ h. $\frac{7 \times 7^3}{7^{-3}}$

i. $(10^4)^3$ j. $(4^7)^2$ k. $((-5)^3)^{-2}$ l. $(7 \times 7^3)^{-3}$

4 $10^4 \times 10^3 = 10^7$ ⁴⁺³

c. $(-5)^3 \times (-5)^{-2} = (-5)^1$ ³⁺⁽⁻²⁾

e. $\frac{10^4}{10^3} = 10^1$ ⁴⁻³

g. $\frac{(-5)^3}{(-5)^{-2}} = (-5)^5$ ³⁻⁽⁻²⁾

i. $(10^4)^3 = 10^{12}$ ^{4x3}

k. $((-5)^3)^{-2} = (-5)^6$ ^{3x(-2)}

b. $4^7 \times 4^2 = 4^9$ ⁷⁺²

d. $7 \times 7^3 \times 7^{-3} = 7^1$ ¹⁺³⁺⁽⁻³⁾

f. $\frac{4^7}{4^2} = 4^5$ ⁷⁻²

h. $\frac{7 \times 7^3}{7^{-3}} = 7^7$ ¹⁺³⁻⁽⁻³⁾

j. $(4^7)^2 = 4^{14}$ ^{7x2}

l. $(7 \times 7^3)^{-3} = 7^{-12}$ ^{(1+3)x(-3)}

Page 20

22 Calculer.

a. $\left(\frac{1}{4}\right)^2$ b. $\left(\frac{-1}{4}\right)^4$ c. $\left(\frac{1}{4}\right)^{-2}$ d. $\left(\frac{-1}{4}\right)^0 = 1$ ↑ 66.

e. $\left(\frac{3}{5}\right)^3$ f. $\left(\frac{3}{5}\right)^{-3} = \frac{125}{27}$ g. $\left(\frac{-3}{5}\right)^3 = \frac{-27}{125}$ h. $\left(\frac{-3}{5}\right)^0 = -1$

a) $\left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{1^2}{4^2} = \frac{1}{16}$ $\frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1 \times 1}{4 \times 4}$

b) $\left(\frac{-1}{4}\right)^4 = \frac{(-1)^4}{4^4} = \frac{1}{256}$

c) se déduit du a) : c'est l'inverse $\cdot \frac{16}{1} = 16$

e) $\left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{3^3}{5^3} = \frac{27}{125}$

36 Le corps d'un adulte est composé de soixante-mille-milliards de cellules dont deux-cent-milliards se renouvèlent chaque jour.

► Calculer le pourcentage de cellules qui se renouvèlent chaque jour. Arrondir le résultat au centième.

↑ 67.

proportion = $\frac{\text{nb cellules renouvelées}}{\text{nb total cellules}}$

= $\frac{200 \text{ milliards}}{60\ 000 \text{ milliards}}$

= $\frac{200 \times 10^9}{60\ 000 \times 10^9} = \frac{2}{600} = \frac{1}{300} \approx 0,33\%$

28 Écrire sous la forme d'une seule puissance.

- a. $2^{16} \times 4^{16}$ b. $16^2 \times 16^4$ c. 27×3^{-4}
 d. $(-3)^4 \times 3^2 \times 3$ e. $3^5 \times 10^2 \times 10^3$
 f. $0,5^3 \times 2^{-4} \times 4^3$ g. $\frac{6^{10} \times 3^8}{2^{10}}$

↑ 67

a) $(2 \times 4)^{16} = 8^{16}$

b) 16^6

c) $3^3 = 27$; $3^3 \times 3^{-4} = 3^{3+(-4)} = 3^{-1}$

d) $(-3)^4 \times 3^2 \times 3^1 = \underbrace{3^1 \times 3^1 \times 3^1 \times 3^1}_{3^4} \times 3^2 \times 3^1 = 3^7$

e) $3^5 \times 10^2 \times 10^3 = \underbrace{3^5 \times 10^2}_{3^5} \times 10^3 = 30^5$

ACTIVITE 3 : DE L'INFINIMENT GRAND A L'INFINIMENT PETIT

L'INFINIMENT GRAND

En informatique, l'information est codée à partir de bits, qui ne prennent que deux valeurs : 0 et 1. Un octet est un regroupement de 8 bits.

Combien d'informations différentes peuvent être codées sur un octet ?

Les capacités de stockage des mémoires informatiques (disques durs, clés USB ...) utilisent un grand nombre d'octets. Cela conduit à utiliser des multiples de l'octet.

Quelle est la capacité, en octets : d'une clé USB de 10 Go ? d'un CD de 800 Mo ? d'un disque dur externe de 1 To ?

L'INFINIMENT PETIT

Qu'est-ce que les nanotechnologies ?

Donner les ordres de grandeurs des éléments suivants : une cellule ? un atome d'hydrogène ?

+ 40 n
68

40 Carré magique ■ ■ ■

CALCULER et contrôler ses résultats

Les produits des nombres situés sur chaque ligne, chaque colonne et chaque diagonale sont égaux.

► Reproduire et compléter ce carré magique avec des puissances de 3.

3^{10}	3^7	3^4	3^{18}
3^5	3^{17}		3^6
3^{16}		3^9	3^{12}
3^8			3^3

3^9 ?

$3^{10} \times 3^{17} \times 3^9 \times 3^3 = 3^{39}$

② $3^{\dots} \times 3^6 \times 3^{12} \times 3^3 = 3^{39}$

$3^{18} \times 3^{21} = 3^{39}$

$3^{10} \times 3^{\dots} \times 3^{16} \times 3^8 = 3^{39}$

$3^{34} \times 3^{\dots} = 3^{39}$

Page 25

ACTIVITE 3 : DE L'INFINIMENT GRAND A L'INFINIMENT PETIT

L'INFINIMENT GRAND

En informatique, l'information est codée à partir de bits, qui ne prennent que deux valeurs : 0 et 1. Un octet est un regroupement de 8 bits.

Combien d'informations différentes peuvent être codées sur un octet ?

Les capacités de stockage des mémoires informatiques (disques durs, clés USB ...) utilisent un grand nombre d'octets. Cela conduit à utiliser des multiples de l'octet.

Quelle est la capacité, en octets : d'une clé USB de 10 Go ? d'un CD de 800 Mo ? d'un disque dur externe de 1 To ?

L'INFINIMENT PETIT

Qu'est-ce-que les nanotechnologies ?

Donner les ordres de grandeurs des éléments suivants : une cellule ? un atome d'hydrogène ?

$$1 \text{ Go} = 10^9 \text{ octets}$$

• $10 \text{ Go} = 10^1 \times 10^9 \text{ octets} = 10^{10} \text{ octets}$

• $800 \text{ Mo} = 800 \times 10^6 \text{ octets} = 8 \times 10^8 \text{ octets}$

Page 26

2. Préfixes

On utilise des préfixes pour simplifier le nom et l'écriture de mesures exprimées en puissances de 10.

Préfixe	Téra	Giga	Méga	Kilo	Unité	mili	micro	nano	pico
Symbole	T	G	M	k	∅	m	μ	n	p
Puissance de 10	10^{12}	10^9	10^6	10^3	$10^0 = 1$	10^{-3}	10^{-6}	10^{-9}	10^{-12}

Exemples : Une clé USB ayant une capacité de 4 Go (giga octet) dispose d'un « espace mémoire » de

$$4 \times 10^9 \text{ octets ou } 4 \times 10^3 \text{ Mo}$$

Le diamètre d'un cheveu est de l'ordre de 50 à 100 μm c'est-à-dire qu'il a un diamètre compris entre

$$50 \times 10^{-6} \text{ m à } 100 \times 10^{-6} \text{ m.}$$

ou

$$50 \times 10^{-3} \text{ mm à } 100 \times 10^{-3} \text{ mm}$$

2. Notation scientifique

Définition : La notation scientifique d'un nombre décimal strictement positif est la seule écriture de la forme $a \times 10^n$, où :

- a est un nombre décimal compris entre 1 et 10 exclu ($1 \leq a < 10$)
- n est un entier relatif

Exemple : Quelle est la notation scientifique de 10,62 ; 0,005 ?

$$10,62 = 1,062 \times 10^1$$

$$0,005 =$$

$$0,005 = 5 \times 10^{-3}$$

8 Donner la notation scientifique des nombres suivants.

a. 2 094,35

b. $0,5 \times 10^4$

c. $2,34 \times 10^2$

d. $21,7 \times 10$

e. $9,27 + 10^2$

~ 63.

a) $2,09435 \times 10^{+3}$

$2094,35$
 $\xrightarrow{+3}$
 $2,09435 \times 10^{+3}$

$a \times 10^n$
 \uparrow
 $1 \leq a < 10$

$0,5 \times 10^4$
 $\xrightarrow{-1}$
 $5 \times 10^{-1} \times 10^4 =$
 5×10^3

$$2,34 \times 10^2$$

$$\underbrace{217}_{\substack{\text{1} \\ \text{2}}} \times 10^1$$

$$2,17 \times \frac{10^1 \times 10^1}{10^1}$$

$$2,17 \times 10^{2+1} = 2,17 \times 10^2$$

Page 31

$$9,27 + 10^2$$

$$9,27 + 10^2 = 9,27 + 100 = 109,27$$

$\text{1} \quad \text{2} \rightarrow +2$

$$\underbrace{1,0927}_{\text{1}} \times \underbrace{10^2}_{\text{2}}$$

Page 32

19 Écrire les nombres suivants en notation scientifique.

a. 138 400

b. 0,051 1

c. $9,85 = 9,85 \times 10^0$

d. 0,000 087

e. $3 \times 10^{-5} \times 40 \times 10^7$

f. $3 \times 10^7 + 98 \times 10^7$

g. $\frac{72 \times 10^{72}}{4 \times 10^4}$

a) $138\,400 = 1,384 \times 10^5$

b) $0,0511 = 5,11 \times 10^{-2}$

d) $0,000087 = 8,7 \times 10^{-5}$

Page 33

$$\begin{aligned} 3 \times 10^{-5} \times 40 \times 10^7 &= \frac{120 \times 10^2}{1} \times 10^2 \\ &= 1,2 \times 10^2 \times 10^2 \\ &= 1,2 \times 10^4 \end{aligned}$$

$$3 \times 10^7 + 98 \times 10^7$$

$$(3 + 98) \times 10^7$$

$$100,21 \times 10^6$$

Page 34

20 Pour enregistrer un film de 2 h sur un disque dur, il faut un espace de 700 Mo.

► Combien de films de 2 h peut-on enregistrer sur un disque dur de 500 Go ?

500 Go ?

$$1 \text{ Go} = 1000 \text{ Mo} = 10^3 \text{ Mo.}$$

$$500 \text{ Go} = 500 \times 10^3 \text{ Mo}$$

1 film \rightarrow 700 Mo

? \rightarrow 500 x 10³ Mo

Le nombre de films sera de : $\frac{500 \times 10^3}{700} \approx 714$
soit 714 films.

Page 35

21 Calculer.

a. $5^2 = 25$

b. 5^{-2}

c. $(-5)^2$

d. -5^2

e. $(-0,4)^3$

f. $0,4^{-3}$

g. $-0,4^3$

h. $(-0,4)^{-3}$

i. $0^3 = 0$

j. $3^1 = 3$

k. $(-3)^1 = -3$

l. $-3^1 = -3$

$$(-0,4)^{-3} = \frac{1}{(-0,4)^3} = \frac{1}{-0,064} = -\frac{1}{0,064}$$

$$b. 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$$c. (-5)^2 = (-5) \times (-5) = 25$$

$$d. -5^2 = -5 \times 5 = -25$$

$$e. (-0,4)^3 = (-0,4) \times (-0,4) \times (-0,4) = -0,064$$

$$f. 0,4^{-3} = \frac{1}{0,4^3} = \frac{1}{0,064}$$

$$g. -0,4^3 = -0,4 \times 0,4 \times 0,4 = -0,064$$

Page 36

3. Ordre de grandeur et encadrement

Exemple : Soient $A = 32\,657\,000$ et $B = 0,000\,486$.

Nombre	Notation scientifique	Encadrement	Ordre de grandeur
A	$3,2657 \times 10^7$	$10^7 < A < 10^8$	3×10^7
B	$4,86 \times 10^{-4}$	$10^{-4} < B < 10^{-3}$	5×10^{-4}

Ordre de grandeur du produit de A par B est $A \times B \approx 3 \times 10^7 \times 5 \times 10^{-4} \approx (3 \times 5) \times (10^7 \times 10^{-4}) \approx 15 \times 10^3$

32 657 000
 ↑
 ⊕

9 n 63

0,000 486
 ↓
 ⊖ 4

42 n 68

9 1. Convertir en m chaque distance, en donnant le résultat en notation scientifique.

- a. 150 000 000 km b. 5 mm c. 0,14 nm d. 7 μm e. 6 400 km

2. Associer chacune des images ci-dessous à la grandeur du 1. qui lui correspond.

(1)  (2)  (3)  diamètre d'un globule rouge
 (4)  (5)  taille d'un atome de carbone

→ Exercices 32

$$\begin{aligned}
 a) 150\ 000\ 000\ km &= 15 \times 10^7\ km \\
 &= 15 \times 10^7 \times 10^3\ m \\
 &= 15 \times 10^{10}\ m \\
 &= 1,5 \times 10^1 \times 10^{10}\ m \\
 &= 15 \times 10^{11}\ m.
 \end{aligned}$$



$$5 \text{ mm} = 5 \times 10^{-3} \text{ m}$$

$$(1 \text{ mm} = 10^{-3} \text{ m})$$

$$c) 0,14 \text{ nm} = 0,14 \times 10^{-9} \text{ m}$$

$$(1 \text{ nm} = 10^{-9} \text{ m})$$

$$= 1,4 \times 10^{-1} \times 10^{-9} \text{ m} = 1,4 \times 10^{-10} \text{ m}$$

$$d) 7 \text{ } \mu\text{m} = 7 \times 10^{-6} \text{ m}$$

$$e) 6400 \text{ km} = 6400 \times 10^3 \text{ m} = 6,4 \times 10^3 \times 10^3 \text{ m}$$

$$= 6,4 \times 10^6 \text{ m}$$

Page 39

42 Décompositions et puissances

CALCULER avec des nombres.

1. a. Marvyn a décomposé le nombre 784 :

$$784 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 7 \times 7$$

Écrire cette décomposition avec des puissances.

b. De la même manière, décomposer au maximum les nombres 3 375 et 2 352.

2. À l'aide de ces décompositions, simplifier les

fractions $\frac{784}{2352}$ et $\frac{3375}{2352}$.

3. Parmi les nombres 784, 2 352 et 3 375 :

a. lequel est le carré d'un entier naturel ?

2
 3

b. lequel est le cube d'un entier naturel ?

$$1. a) 2^4 \times 7^2$$

$$b) 3375 = 3^3 \times 5^3$$

$$2352 = 2^4 \times 3 \times 7^2$$

$$3. a) 2^4 \times 7^2 = 2^2 \times 2^2 \times 7^2 = (2 \times 2 \times 7)^2$$

$$2. \frac{784}{2352} = \frac{2^4 \times 7^2}{2^4 \times 3 \times 7^2} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{3375}{2352} = \frac{3^3 \times 5^3}{2^4 \times 3 \times 7^2}$$

$$= \frac{3 \times 3 \times 3 \times 5^3}{2^4 \times 3 \times 7^2}$$

$$= \frac{3^2 \times 5^3}{2^4 \times 7^2}$$

"touche décomp."

Page 40

68 Calculer. Donner les résultats sous la forme d'un nombre entier ou d'une fraction.

- a. 5^3 b. 421^0 c. $1\ 597^1$ d. -5^2 e. $(-5)^2$ f. 5^{-2} g. $\frac{4^3}{5}$ h. $(\frac{4}{5})^3$

$$a) 5^3 = \underbrace{5 \times 5 \times 5}_{25} = 125 \quad \left\{ \begin{array}{l} d) -5^2 = -5 \times 5 = -25 \\ e) (-5)^2 = (-5) \times (-5) = 25 \\ f) 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25} \end{array} \right.$$

b) 1

c) 1597

$$g) \frac{4^3}{5} = \frac{\overbrace{4 \times 4 \times 4}^{16}}{5} = \frac{64}{5}$$

$$h) \left(\frac{4}{5}\right)^3 = \frac{4}{5} \times \frac{4}{5} \times \frac{4}{5} = \frac{64}{125}$$

Exercice 1 : Calculer :

$$2^4 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 4 \times 4 = 16$$

$$10^{-5} = \frac{1}{10^5} = 0,00001$$

TEST

Exercice 2 : Écrire les nombres suivants à l'aide d'une seule puissance :

$$3^2 \times 3^5 = 3^2 \times 3^5 = 3^{2+5} = 3^7$$

$$\rightarrow \frac{3^{20}}{9} = \frac{3^{20}}{3^2} = \frac{3^{20}}{3^2} = 3^{20-2} = 3^{18}$$

$$(8^4)^3 = (8^4)^3 = 8^{4 \times 3} = 8^{12}$$

$$\frac{7^5 \times 7^2}{7^4} = \frac{7^{5+2}}{7^4} = \frac{7^7}{7^4} = 7^{7-4} = 7^3$$

$$\frac{6^{-5}}{6 \times (6^{-2})^3} = \frac{6^{-5}}{6 \times 6^{-6}} = \frac{6^{-5}}{6^{-5}} = 1$$

Exercice 3 : Donner les résultats des calculs suivants en notation scientifique

$$2 \times 10^4 \times 7,5 \times 10^2 = 2 \times 10^{11} \times 7,5 = 15 \times 10^{11} = 1,5 \times 10^{12}$$

$$\frac{120 \times 10^{-6}}{4 \times 10^4} = 30 \times 10^{-10} = 3 \times 10^{-9}$$

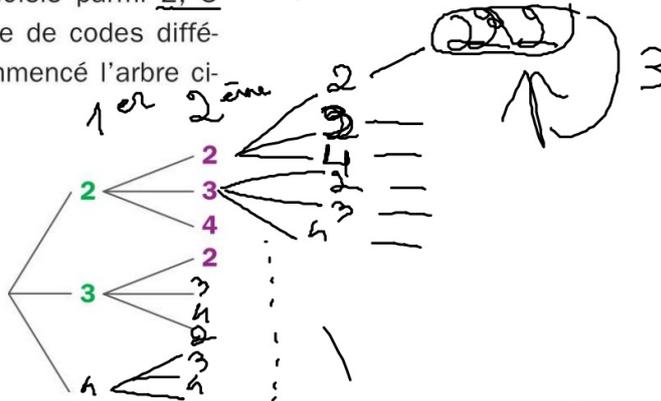
... x 10^{...}

RAISONNER en organisant sa démarche.

1. Le code d'accès à l'immeuble de Martin est composé de trois chiffres choisis parmi 2, 3 ou 4. Pour compter le nombre de codes différents possibles, Martin a commencé l'arbre ci-après.

a. Reproduire et compléter l'arbre de Martin.

b. Écrire le nombre de codes possibles avec une puissance, puis le calculer.



3 choix x 3 choix x 3 choix = $3^3 = 27$

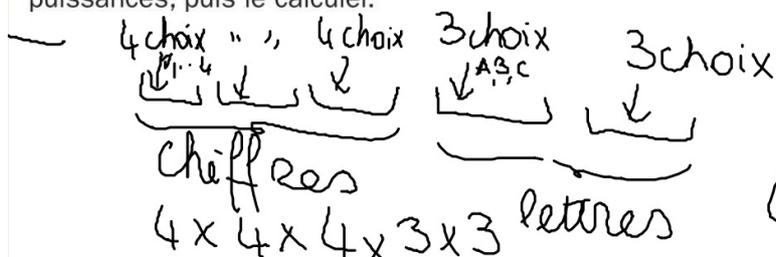
1^{er} 2^o 3^o

68.

2. Le code de l'immeuble d'Emma est composé de trois chiffres choisis parmi 1, 2, 3 ou 4, puis de deux lettres choisies parmi A, B ou C.

$3 \times 3 \times 3 = 3^3$

Écrire le nombre de codes possibles avec des puissances, puis le calculer.



$4^3 \times 3^2 = 576$

73 En 1 seconde, la lumière parcourt 300 000 kilomètres dans le vide.

L'année-lumière est la distance parcourue par la lumière en une année.

a. Donner l'écriture scientifique de 300 000 km.

b. Exprimer une année-lumière en kilomètres.

Donner le résultat en écriture décimale et en écriture scientifique.

171

$$1 \text{ s} \rightarrow 300\,000 \text{ km} = 3 \times 10^5 \text{ km}$$

$$1 \text{ an} \rightarrow ? \text{ (km)}$$

$$1 \text{ an} = 365 \text{ j/an} \times 24 \text{ h/j} \times 60 \text{ min/h} \times 60 \text{ s/min}$$

$$= 31\,536\,000 \text{ s} = \underline{3,1536 \times 10^7 \text{ s}}$$

Par les produits en croix 1 année correspond à :

$$3,1536 \times 10^7 \times 3 \times 10^5 = 9,4608 \times 10^{16} \text{ (km)}$$

Prise d'initiative

53 La légende de l'échiquier

1 Une légende indienne

Selon la légende, le jeu d'échecs est inventé en Inde, environ 3 000 ans avant J.-C., par le sage Sissa pour distraire le roi Belkib. Pour le récompenser, le roi demande à Sissa ce qu'il souhaite.

Sissa lui demande alors : « Votre altesse, déposez un grain de riz sur la première case de l'échiquier, puis le double sur la deuxième, et doublez ainsi à chaque case le nombre de grains de riz. Je désire tout simplement obtenir la quantité de riz qui se trouvera sur la dernière case de l'échiquier. »

Le souverain, étonné par cette modeste requête, accepte.

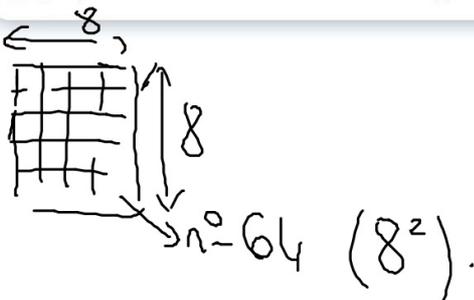


2 Fiche signalétique sur le riz

- Pour la campagne 2013-2014, la production mondiale de riz a atteint un nouveau record avec une production de 479,2 Mt.
- Masse d'un grain de riz : 0,02 g.

► Que penser de la demande de Sissa en rapport avec la production mondiale de riz en 2013-2014 ?

1 grain \rightarrow 0,02 g
 2^{63} grains \rightarrow ? g



n° 1 : 1 .
 n° 2 : 2 . } x 2
 n° 3 : 4 . } x 2
 } x 2
 } x 2
 } x 2

48 Volume d'un cheveu

MODÉLISER à l'aide de la géométrie.

Un cheveu a une longueur de 15 cm, pour un diamètre de 0,1 mm.

► Quel est son volume en m^3 ?

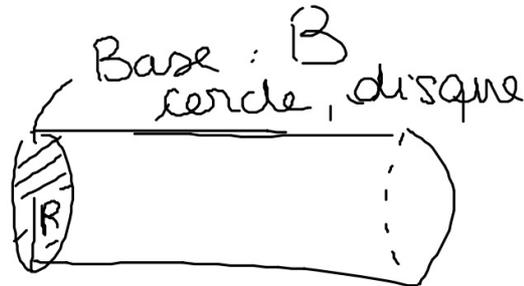
Donner le résultat en notation scientifique.

Cylindre

$$V = B \times L$$

$$V = \frac{\text{Surface de la base}}{\pi \times R^2} \times L$$

On a $L = 15 \text{ cm}$ $d = 0,1 \text{ mm}$ donc $R = \frac{d}{2} = 0,05 \text{ mm}$
 $L = 15 \text{ cm} = 15 \times 10^{-2} \text{ m}$ et $R = 0,05 \text{ mm} = 0,05 \times 10^{-3} \text{ m}$



$$V = \pi \times R^2 \times L$$

$$V = \pi \times (15 \times 10^{-2}) \times (0,05 \times 10^{-3})^2$$

$$V \approx 1,778 \times 10^{-9} \text{ m}^3$$

T.I. : ~~2nde~~ - Mode - Sci.
- Norm.

Casio : 2nde - Mode - Sci.
- Norm.

71 Donner l'écriture scientifique des nombres suivants. ↑ 71.

a. 267

b. $\frac{8\,000 \times 0,000\,000\,07}{140\,000\,000}$

c. $\frac{3 \times 10^4 \times 1,2 \times (10^{-5})^4}{0,2 \times 10^{-8}}$

a. $2,67 \times 10^2$

b.
$$\frac{8 \times 10^3 \times 7 \times 10^{-8}}{14 \times 10^7} = \frac{8 \times 7 \times 10^{-5}}{14 \times 10^7} = \frac{2 \times 7 \times 10^{-12}}{14}$$

$$= \frac{8 \times 7 \times 10^{-12}}{7 \times 2} = \frac{8}{2} \times 10^{-12}$$

$$= 4 \times 10^{-12}$$

c.
$$\frac{3 \times 10^4 \times 1,2 \times 10^{-20}}{0,2 \times 10^{-8}} = \frac{3 \times 1,2 \times 10^{-16}}{0,2 \times 10^{-8}} = \frac{3 \times 1,2 \times 10^{-8}}{0,2}$$

$$= 3 \times 6 \times 10^{-8} = 18 \times 10^{-8} = 1,8 \times 10^{-7}$$

70 Écrire les nombres sous la forme a^n où a est un nombre quelconque et n un nombre entier relatif. Détailler les calculs.

a. $\frac{2^3}{2^{-5}}$

b. $5^3 \times 5^{-4}$

c. $(7^{-5})^{-3}$

d. $3^5 \times 7^5$

e. $2^2 \times 9$

(↑ 71)

a)
$$\frac{2^3}{2^{-5}} = 2^8 = 2^{3 - (-5)}$$

b)
$$5^3 \times 5^{-4} = 5^{-1}$$

c)
$$(7^{-5})^{-3} = 7^{15}$$

d)
$$3^5 \times 7^5 = 21^5 = (3 \times 7)^5$$

e)
$$2^2 \times 9 = 18$$

~~$$2^2 \times 2 \dots$$~~

$$2^2 \times 3^2 = 6^2$$

$$\frac{2^2}{9}$$

34 Donner les résultats des calculs suivants en notation scientifique.

a. $2 \times 10^5 \times 7,5 \times 10^6$

b. $\frac{3,5 \times 10^{-6}}{14 \times 10^{-2}} = 0,25 \times 10^{-4} = 2,5 \times 10^{-5}$
 ≈ 67

c. $13 \times 10^{21} + 2 \times 10^{19}$

d. $4,8 \times 10^{-10} - 2 \times 10^{-11}$

a. $2 \times 7,5 \times 10^5 \times 10^6$
 $= 15 \times 10^{11} = 1,5 \times 10^{12}$
 $1,5 \times 10^1$

34 Donner les résultats des calculs suivants en notation scientifique.

a. $2 \times 10^5 \times 7,5 \times 10^6$

b. $\frac{3,5 \times 10^{-6}}{14 \times 10^{-2}}$

c. $13 \times 10^{21} + 2 \times 10^{19} = 1300 \times 10^{19} + 2 \times 10^{19} =$

d. $4,8 \times 10^{-10} - 2 \times 10^{-11}$

d) $130 \dots 0 + 20 \dots 0$
 21 zéros 19 zéros
 $= 1300 \times 10^{19} + 2 \times 10^{19}$
 $= (1300 + 2) \times 10^{19}$

34 Donner les résultats des calculs suivants en notation scientifique.

a. $2 \times 10^5 \times 7,5 \times 10^6$

b. $\frac{3,5 \times 10^{-6}}{14 \times 10^{-2}}$

c. $13 \times 10^{21} + 2 \times 10^{19}$

d. $4,8 \times 10^{-10} - 2 \times 10^{-11}$

72

Calculer. Donner les résultats en notation scientifique.

a. $\frac{550 \times 10^{-4}}{20 \times 10^{-2}}$

b. $5^3 - (2^4 + 7)^2$

c. $550 \times 10^{-4} - 20 \times 10^{-2}$