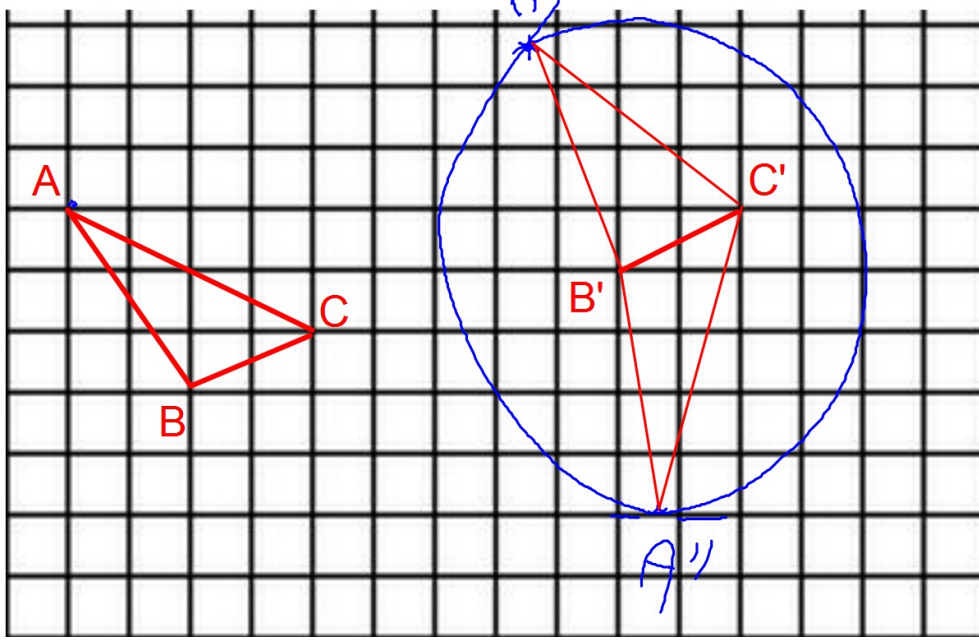
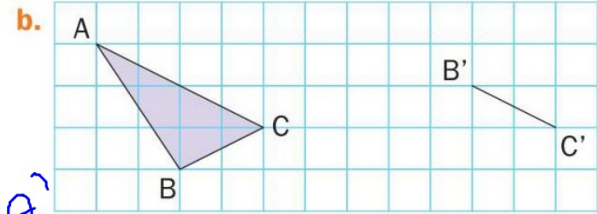
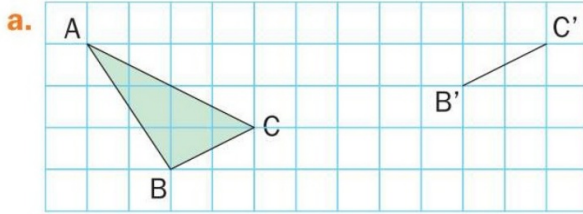


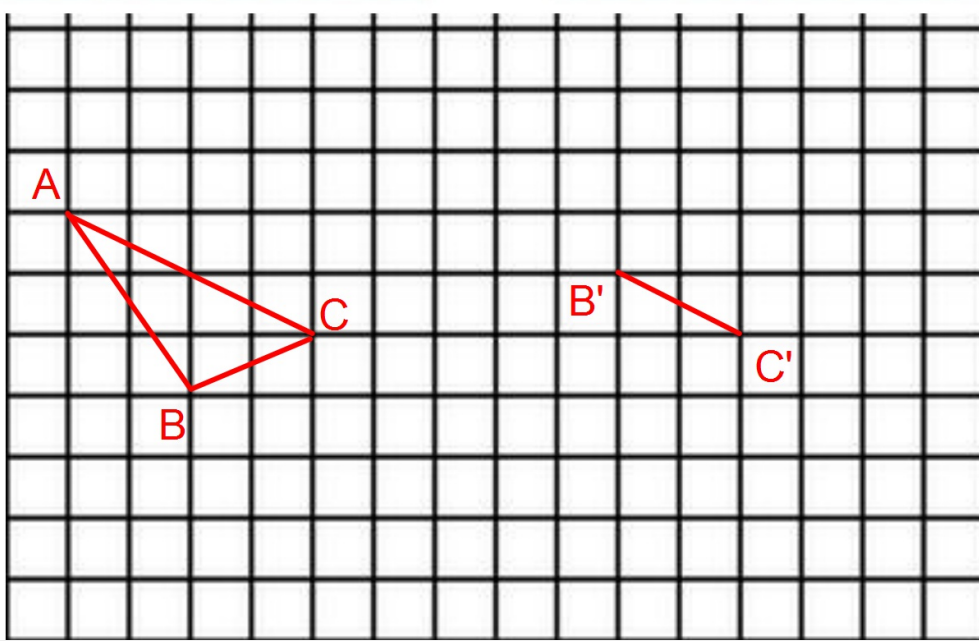
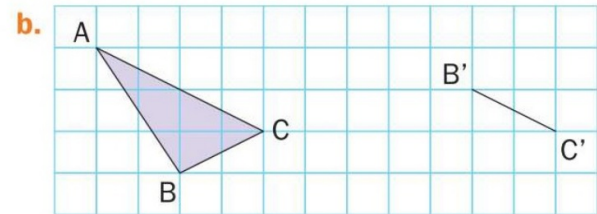
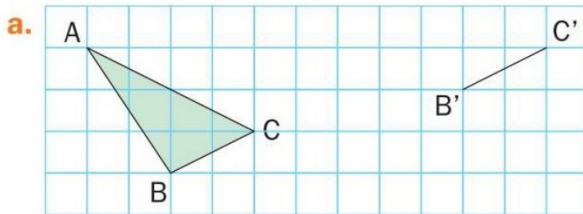
**7** Dans chaque cas, reproduire la figure sur un quadrillage, puis construire deux triangles  $A'B'C'$  de sorte que  $ABC$  et  $A'B'C'$  soient égaux.

p 359



**7** Dans chaque cas, reproduire la figure sur un quadrillage, puis construire deux triangles  $A'B'C'$  de sorte que  $ABC$  et  $A'B'C'$  soient égaux.

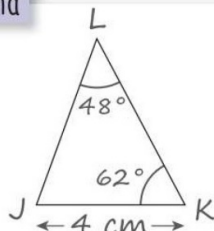
p 359



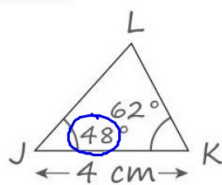
8 et 9.

9 Des élèves ont construit un triangle JKL tel que  $JK = 4 \text{ cm}$ ,  $\widehat{JLK} = 48^\circ$  et  $\widehat{JKL} = 62^\circ$ .

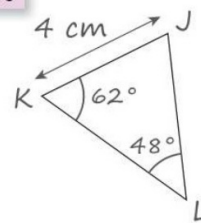
Salma



Marion



Théophile



- a. Un élève s'est trompé. Lequel ? Pourquoi ?  
 b. Les triangles des autres élèves sont-ils égaux ? Justifier.

→ Exercices

a) Marion

l'énoncé disait  $\widehat{JLK} = 48^\circ$  et elle a fait  $\widehat{JKL} = 48^\circ$ .

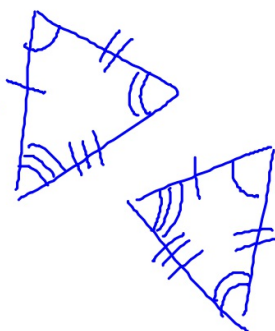
b) oui.

## TRIANGLES

### I) Triangles égaux

#### 1) Définition égaux

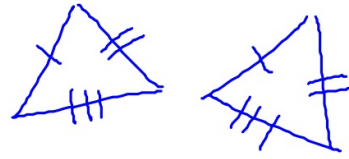
Des triangles sont des triangles superposables, c'est-à-dire qui ont des côtés deux à deux de même longueur et des angles deux à deux de même mesure.



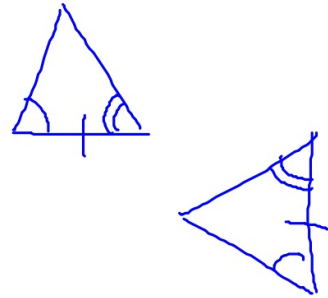
## 2) Cas d'égalité des triangles

### Propriétés :

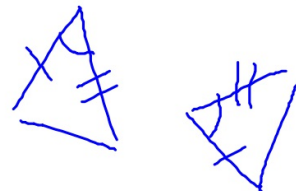
• Si deux triangles ont leurs côtés deux à deux de même longueur alors ils sont égaux



• Si deux triangles ont un côté de même longueur compris entre deux angles de même mesure alors ils sont égaux.



• Si deux triangles ont un angle de même mesure compris entre deux côtés de même longueur alors ils sont égaux



Page 5

### **Activité 2 :**

Choisis trois nombres entiers compris entre 2 et 9.

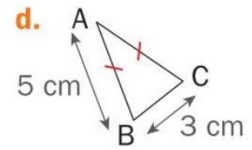
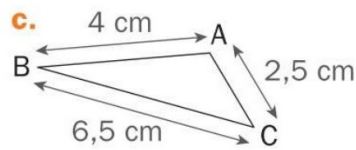
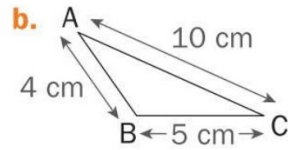
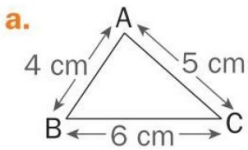
Essaies de construire le triangle dont les longueurs des côtés sont ces trois nombres.

Triangle ABC	Longueur AB (cm)	Longueur AC (cm)	Longueur BC (cm)	Constructible ?
N°1	4	3	2	Oui
N°2	8	6	3	Oui.
N°3	7	5	3	Oui
N°4	5 cm	2 cm	4 cm	Oue
N°5	9	5	2	Non
N°6	6	5	4	Oui
N°7	9 cm	4 cm	2 cm	Non
N°8	8	3	2	Non
N°9	7	6	5	OUI
N°10	8	5	5, 4, 3, 2	

5, 4, 3, 2  
 oui oui oui non

Page 6

**1** Dans chaque cas, on souhaite construire un triangle. Est-ce possible ?  
Si oui, préciser si l'on obtient un triangle ou des points alignés.



**e.**  $AB = 11$ ,  $BC = 3$  et  $CA = 7$ .

**f.**  $AB = 3,7$ ,  $BC = 2,5$  et  $CA = 6,3$ .

**g.**  $AB = 5,1$ ,  $BC = 3,4$  et  $CA = 1,7$ .

**h.** ABC est isocèle en C avec  $AC = 3$  et  $AB = 5$ .

**i.** ABC est équilatéral avec  $AB = 3$ .

**j.** ABC est isocèle en A avec  $BC = 6$  et  $AB = 2$ .

1 p 357; 8 n 359  
+ conclusion.

**8** Dans chaque cas, construire si possible plusieurs triangles qui vérifient les conditions données et qui ne sont pas égaux.

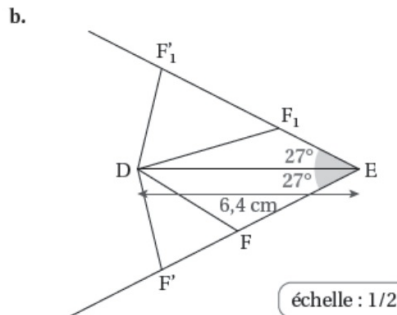
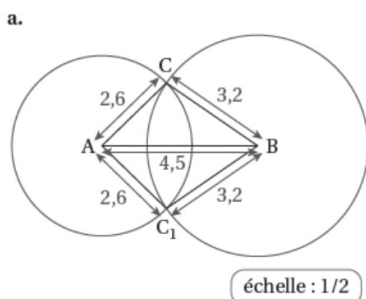
**a.** ABC tel que  $AB = 4,5$  cm,  $BC = 3,2$  cm et  $AC = 2,6$  cm. : 2 triangles égaux

**b.** DEF tel que  $ED = 6,4$  cm et  $\widehat{DEF} = 27^\circ$ . → une infinité de triangles

**c.** GHI tel que  $GH = 3,8$  cm et  $GI = 4,7$  cm. → "

**d.** JKL tel que  $JK = 4,2$  cm,  $\widehat{LJK} = 35^\circ$  et  $\widehat{LKJ} = 75^\circ$ . → 2 triangles

**e.** QRS tel que  $QR = 4,6$  cm,  $RS = 2,9$  cm et  $\widehat{RQS} = 28^\circ$ .



**8** Dans chaque cas, construire si possible plusieurs triangles qui vérifient les conditions données et qui ne sont pas égaux.

a. ABC tel que  $AB = 4,5$  cm,  $BC = 3,2$  cm et  $AC = 2,6$  cm.

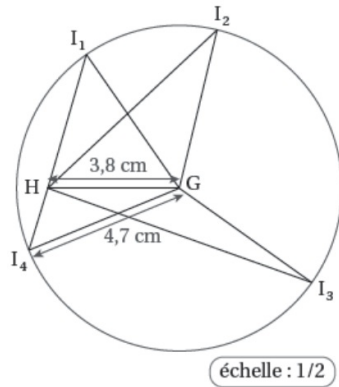
b. DEF tel que  $ED = 6,4$  cm et  $\widehat{DEF} = 27^\circ$ .

c. GHI tel que  $GH = 3,8$  cm et  $GI = 4,7$  cm.  $\rightarrow$  *infinité*

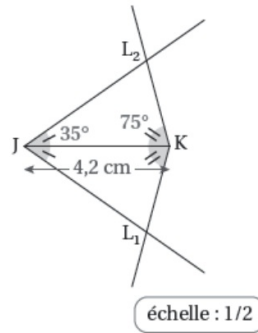
d. JKL tel que  $JK = 4,2$  cm,  $\widehat{LJK} = 35^\circ$  et  $\widehat{LKJ} = 75^\circ$ .  $\rightarrow$  *2 triangles égaux*

e. QRS tel que  $QR = 4,6$  cm,  $RS = 2,9$  cm et  $\widehat{RQS} = 28^\circ$ .  $\rightarrow$  *4 triangles non égaux*

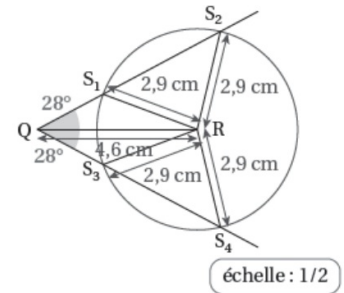
c.



d.



e.



**Activité 2 :**

Choisis trois nombres entiers compris entre 2 et 9.

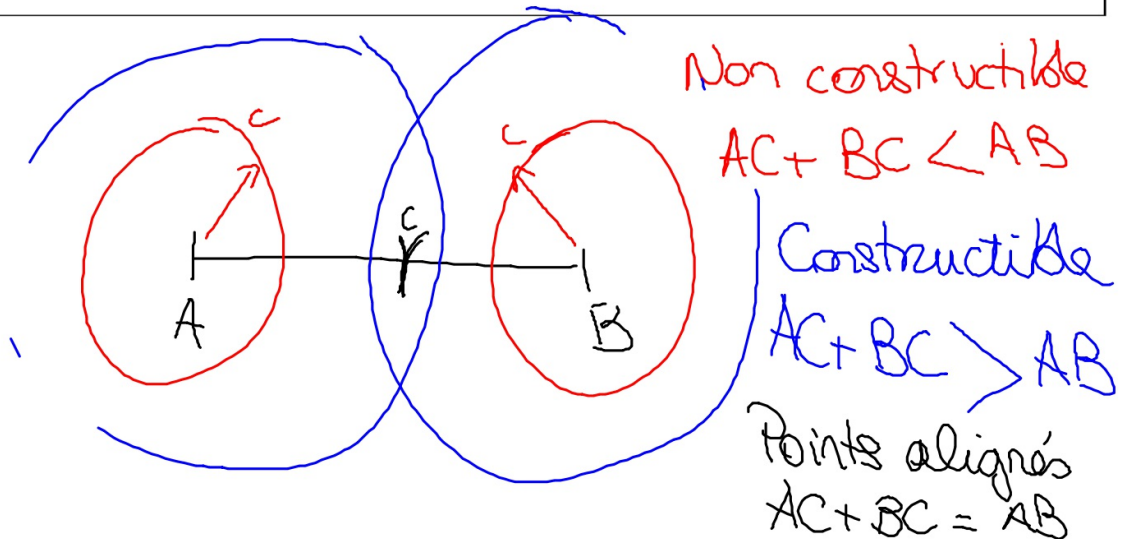
Essaies de construire le triangle dont les longueurs des côtés sont ces trois nombres.

Triangle ABC	Longueur AB (cm)	Longueur AC (cm)	Longueur BC (cm)	Constructible ?
N°1	4	3	2	Oui
N°2	8	6	3	Oui.
N°3	7	5	3	Oui
N°4	5 cm	2 cm	4 cm	Oue
N°5	9	5	2	Non
N°6	6	5	4	Oui
N°7	9 cm	4 cm	2 cm	Non
N°8	8	3	2	Non
N°9	7	6	5	OUI
N°10	8	5	5, 4, 3, 2	

*5, 4, 3, 2  
oui oui oui non*

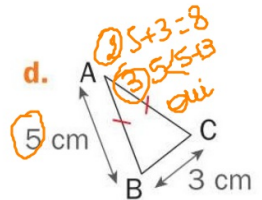
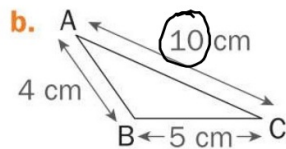
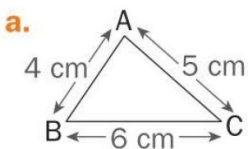
**BILAN : Constructibilité d'un triangle : Inégalité triangulaire**

Un triangle ABC n'est constructible que si



**1** Dans chaque cas, on souhaite construire un triangle. Est-ce possible ?

Si oui, préciser si l'on obtient un triangle ou des points alignés.



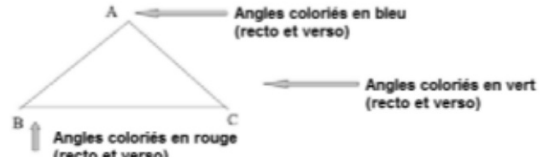
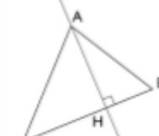

- e.  $AB = 11$ ,  $BC = 3$  et  $CA = 7$ .   
 f.  $AB = 3,7$ ,  $BC = 2,5$  et  $CA = 6,3$ .   
 g.  $AB = 5,1$ ,  $BC = 3,4$  et  $CA = 1,7$ .   
 h. ABC est isocèle en C avec  $AC = 3$  et  $AB = 5$ .   
 i. ABC est équilatéral avec  $AB = 3$ .   
 j. ABC est isocèle en A avec  $BC = 6$  et  $AB = 2$ .

a) le plus grand côté :  $BC = 6$  cm.   
 la somme des 2 autres côtés :  $4 + 5 = 9$ .   
 par la propriété de l'inégalité triangulaire :  $BC < AB + AC$  : le triangle est constructible.

b: 1)  $AC = 10$  2)  $4 + 5 = 9$  3)  $AC > AB + BC$  4) non constructible

**Exercice 2 : Activité de découverte : Somme des angles d'un triangle**

**Première phase : construction**

<p>1. Sur une feuille, tracer un triangle ABC quelconque et marquer les angles de différentes couleurs. Découper le triangle, puis colorier les angles sur l'autre face du triangle des mêmes couleurs</p>	
<p>2. Tracer la hauteur issue de A. Le pied de la hauteur issue de A est appelé H pour les explications <i>Aide vocabulaire :</i> dans un triangle ABC, la hauteur issue d'un sommet A est la droite passant par A et perpendiculaire au côté BC. Le pied de la hauteur est le point défini comme l'intersection de la hauteur du triangle et du côté BC.</p>	
<p>3. Plier le triangle ABC de manière à avoir les points A et H confondus. Bien marquer le triangle obtenu 4. Plier le triangle ABC de manière à avoir les points B et H confondus. Bien marquer le triangle obtenu 5. Plier le triangle ABC de manière à avoir les points C et H confondus. Bien marquer le triangle obtenu</p>	

**Deuxième phase : observations**

1. Que forment les trois angles obtenus en H ? (c'est un angle particulier)
2. Formuler votre observation en utilisant les mesures des angles  $\hat{A}$ ,  $\hat{B}$  et  $\hat{C}$
3. Faire une phrase expliquant ce que vous avez observé.

**Activité 3 : Rappel de la conjecture établie lors du devoir maison n°2 (triangles) :**

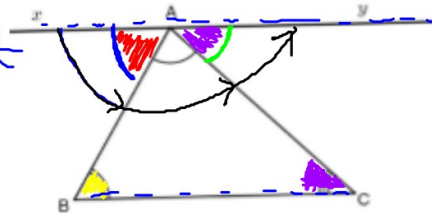
*La somme des angles d'un triangle vaut 180°*

**Démonstration :** Soit ABC un triangle quelconque et (xy) la droite parallèle à (BC) passant par A.

1. Quelle est la mesure de l'angle  $\widehat{xAy}$  ?

*180° car c'est un angle plat*

2. En utilisant la propriété des angles alternes-internes exprime la mesure des angles  $\widehat{xAB}$  et  $\widehat{CAy}$  en fonction des mesures des angles  $\widehat{ABC}$  et  $\widehat{BCA}$ .



Comme (BC) // (xy), les angles alternes internes sont égaux :

*$\widehat{xAB} = \widehat{ABC}$  et  $\widehat{CAy} = \widehat{BCA}$*   
Complète le codage de la figure ci-contre en conséquence.

3. Qu'en déduis-tu concernant la conjecture émise lors du devoir maison ?

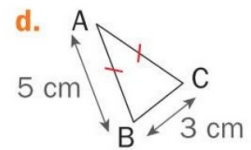
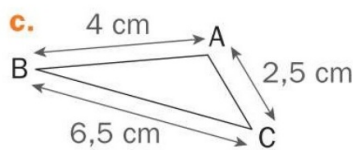
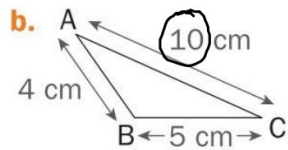
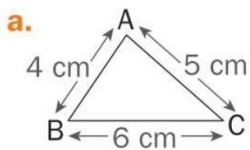
$$\widehat{xAy} = 180^\circ = \widehat{xAB} + \widehat{BAC} + \widehat{CAy}$$

$$= \widehat{ABC} + \widehat{BAC} + \widehat{ACB}$$

**BILAN : Somme des angles d'un triangle**

*La somme des angles d'un triangle est toujours égale à 180°.*

**1** Dans chaque cas, on souhaite construire un triangle. Est-ce possible ?  
Si oui, préciser si l'on obtient un triangle ou des points alignés.



**e.**  $AB = 11$ ,  $BC = 3$  et  $CA = 7$ .

**f.**  $AB = 3,7$ ,  $BC = 2,5$  et  $CA = 6,3$ .

**g.**  $AB = 5,1$ ,  $BC = 3,4$  et  $CA = 1,7$ .

**h.** ABC est isocèle en C avec  $AC = 3$  et  $AB = 5$ .

**i.** ABC est équilatéral avec  $AB = 3$ .

**j.** ABC est isocèle en A avec  $BC = 6$  et  $AB = 2$ .

## TRIANGLES

I) .....

II) Propriétés

1) Inégalité triangulaire.

Propriété (admise): Pour qu'un triangle soit constructible il faut que la longueur de son plus grand côté soit inférieure ou égale à la somme des longueurs de ses deux autres côtés.

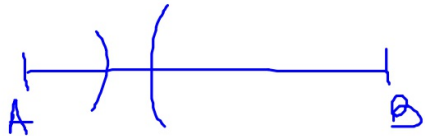


Remarque: Si  $ABC$  est notre "triangle" et  $AB$  le plus grand des côtés:

3 cas possibles:

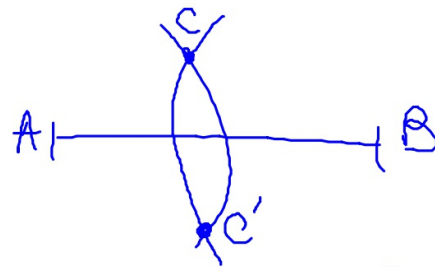
- $AB > AC + BC$

le triangle n'est pas constructible



- $AB < AC + BC$

le triangle est constructible



- $AB = AC + BC$

le triangle est aplati. Les points  $A, B, C$  sont alignés



Page 17

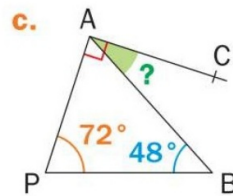
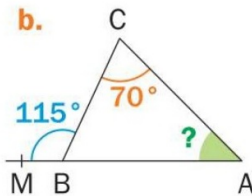
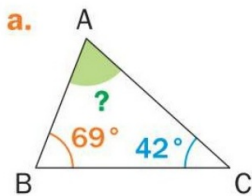
2) Somme des angles d'un triangle

Propriété: La somme des trois angles d'un triangle est égale à  $180^\circ$ .

Page 18

2 Dans chaque cas, calculer la mesure de l'angle  $\widehat{BAC}$ .

↗ 357



a. Dans un triangle, la somme des mesures des trois angles vaut  $180^\circ$ .

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$$

$$\hat{A} + 69^\circ + 42^\circ = 180^\circ$$

niveau 1.  $\left. \begin{array}{l} \hat{A} + 69^\circ + 42^\circ = 180^\circ \\ \hat{A} + 111^\circ = 180^\circ \end{array} \right\}$

$$\hat{A} = 180^\circ - 111^\circ = 69^\circ$$

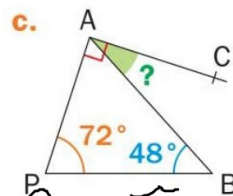
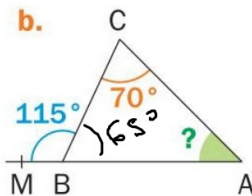
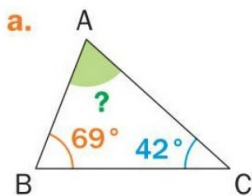
L'angle  $\hat{A}$  mesure  $69^\circ$ .

TEST

+ finir 2 et 4 ↗ 357  
+ 21 ↗ 364

$$\left. \begin{array}{l} \hat{A} = 180^\circ - (69^\circ + 42^\circ) \\ \hat{A} = 69^\circ \end{array} \right\} \text{niveau 2}$$

2 Dans chaque cas, calculer la mesure de l'angle  $\widehat{BAC}$ .



•  $\hat{B}$  est un plat ( $180^\circ$ ) donc

$$\begin{aligned} \widehat{CBA} &= \widehat{B} - \widehat{MBC} \\ \widehat{CBA} &= 180^\circ - 115^\circ \\ \widehat{CBA} &= 65^\circ \end{aligned}$$

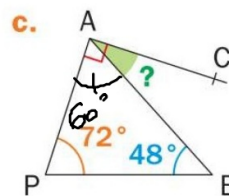
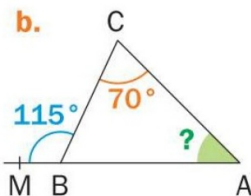
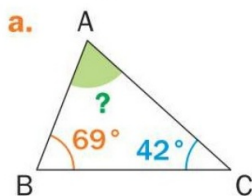
• Dans un triangle la somme des angles est égale à  $180^\circ$  donc  $\widehat{ACB} + \widehat{CBA} + \widehat{BAC} = 180^\circ$

$$70^\circ + 65^\circ + \widehat{BAC} = 180^\circ$$

$$\widehat{BAC} = 180^\circ - (70^\circ + 65^\circ)$$

$$\widehat{BAC} = 45^\circ$$

2) Dans chaque cas, calculer la mesure de l'angle  $\widehat{BAC}$ .



c) Dans un triangle, la somme des angles est égale à  $180^\circ$  donc  $\widehat{BAP} + \widehat{APB} + \widehat{PBA} = 180^\circ$

$$\widehat{BAP} + 72^\circ + 48^\circ = 180^\circ$$

$$\widehat{BAP} + 120^\circ = 180^\circ$$

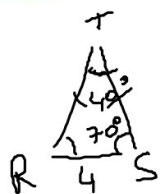
$$\widehat{BAP} = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ.$$

L'angle  $\widehat{A}$  est un angle droit ( $90^\circ$ )

$$\text{donc } \widehat{BAC} = \widehat{A} - \widehat{BAP} = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ.$$

Page 21

4) Tracer un triangle RST isocèle en T tel que  $SR = 4 \text{ cm}$  et  $\widehat{STR} = 40^\circ$ .



RST est isocèle en T

$$\text{donc } \widehat{R} = \widehat{S}$$

Dans un triangle, la somme des angles est égale à  $180^\circ$  donc  $\widehat{R} + \widehat{S} + \widehat{T} = 180^\circ$

$$\widehat{R} + \widehat{S} + 40^\circ = 180^\circ$$

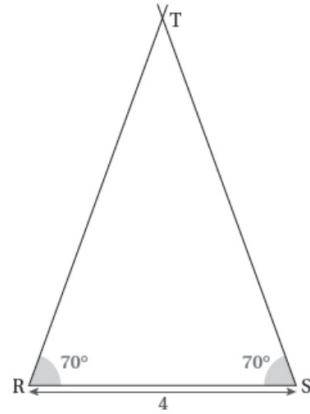
$$\widehat{R} + \widehat{S} = 180^\circ - 40^\circ = 140^\circ$$

$$\widehat{R} = \widehat{S} = 140^\circ : 2 = 70^\circ$$

21 p 364

Page 22

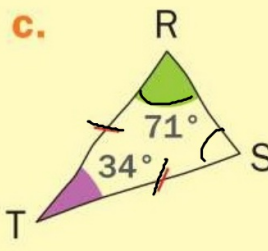
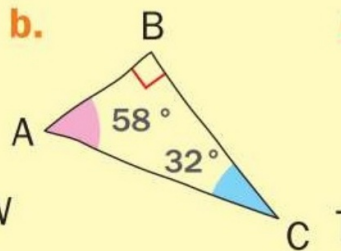
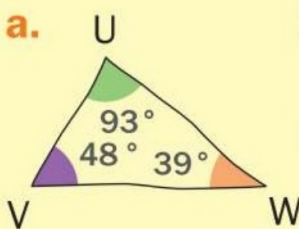
4 Tracer un triangle RST isocèle en T tel que  $SR = 4 \text{ cm}$  et  $\widehat{STR} = 40^\circ$ .



Page 23

20 Les triangles suivants existent-ils ?

Justifier.



$$c) \hat{R} + \hat{T} + \hat{S} = 71^\circ + 34^\circ + 71^\circ$$

car RST est un triangle isocèle en T et donc  $\hat{R} = \hat{S} = 71^\circ$   
 $\hat{R} + \hat{T} + \hat{S} = 176^\circ$   
 donc Non

La somme des angles d'un triangle est égale à  $180^\circ$ .

a)  $\hat{U} + \hat{V} + \hat{W} = 93^\circ + 48^\circ + 39^\circ = 180^\circ$   
 donc oui le triangle existe.

b)  $\hat{A} + \hat{C} + \hat{B} = 58^\circ + 32^\circ + 90^\circ$  car  $\hat{B}$  est un angle droit  
 $= 180^\circ$  donc oui.

Page 24

**21** Dans chaque cas, calculer la mesure de l'angle  $\widehat{BAC}$ .

- a.  $\widehat{ABC} = 72^\circ$  et  $\widehat{ACB} = 33^\circ$ .
- b. ABC est équilatéral.
- c. ABC est rectangle en B et  $\widehat{ACB} = 51^\circ$ .
- d. ABC est isocèle en C et  $\widehat{ACB} = 28^\circ$ .

La somme des angles d'un triangle est égale à  $180^\circ$

$$\widehat{ABC} + \widehat{ACB} + \widehat{BAC} = 180^\circ$$

a)

$$\widehat{ABC} + \widehat{ACB} = 72 + 33 = 105$$

$$180 - 105 = 75 = \widehat{BAC}$$


b)

On divise  $180^\circ$  par 3 car le triangle est équilatéral et donc a trois angles de même mesure

$$180 : 3 = 60^\circ$$

Page 25


c)



ABC est un triangle rectangle en B donc  $\widehat{B} = 90^\circ$ .

$$180 - (90 + 51) = 39^\circ$$

d)



$$\widehat{A} + \widehat{B} + \widehat{C} = 180^\circ$$

$$180 - 28 = 152$$

\*

$$152 \div 2 = 76 = \widehat{A} = \widehat{B}$$

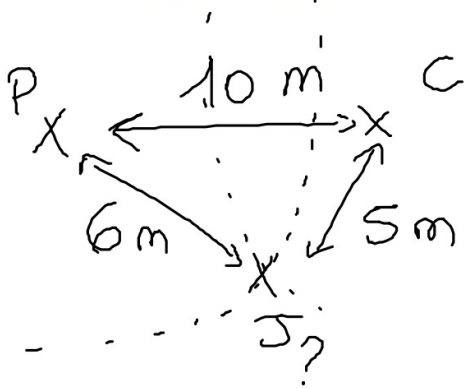
\*Le triangle est isocèle en C donc  $\widehat{A} = \widehat{B}$

Page 26

**19** Alex demande à Jade de se placer à 5 m du cerisier et à 6 m du pommier.

► Est-ce possible sachant que le pommier et le cerisier sont distants de 10 m ?

↑ 364.



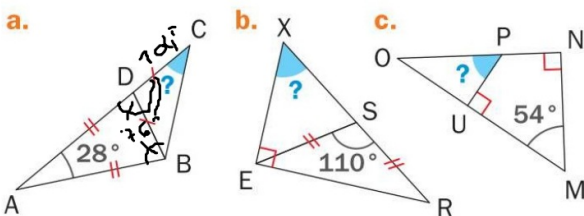
c Inégalité Triangulaire:

Si  $PC \leq PJ + CJ$   
 le grand  
 alors oui.

$PJ + CJ = 6 + 5 = 11$   
 et  $PC = 10$   
 donc oui.

**27** Dans chaque cas, calculer la mesure de l'angle marqué en bleu.

p 364 (\*)



$\hat{C} = (180^\circ - 104^\circ) : 2$   
 $\hat{C} = 76^\circ : 2 = 38^\circ$

La somme des angles d'un triangle est égale à  $180^\circ$ .

Le triangle ADB est isocèle en A donc  $\widehat{ADB} = \widehat{ABD}$

$180^\circ - 28^\circ = 152^\circ$

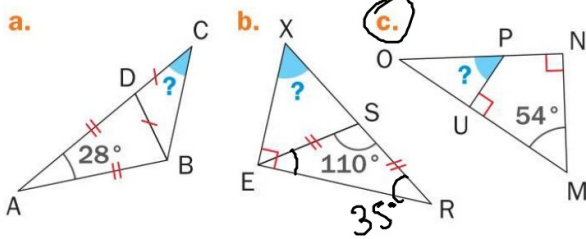
$\widehat{ADB} = \widehat{ABD} = 152^\circ : 2 = 76^\circ$

$\widehat{ADB} = \widehat{ABD} = (180^\circ - 28^\circ) : 2$

$\hat{D} = 180^\circ$  donc  $\widehat{CDB} = 180^\circ - 76^\circ = 104^\circ$

Le triangle CDB est isocèle en D donc  $\hat{C} = \hat{CDB}$  (\*)

**27** Dans chaque cas, calculer la mesure de l'angle marqué en bleu.



b)  $\widehat{XER} = 90^\circ$  (angle droit)

Le triangle ESR est isocèle en S donc  $\widehat{SER} = \widehat{R}$   
 $\widehat{SER} = \widehat{R} = (180^\circ - 110^\circ) : 2 = 70^\circ : 2 = 35^\circ$

Dans le triangle XER:

$$\widehat{X} = 180^\circ - (90^\circ + 35^\circ) = 180^\circ - 125^\circ = 55^\circ$$

Page 29

**25** Un triangle isocèle a un côté qui mesure 15 cm et un autre 6 cm.

► Combien mesure le troisième côté ?

↳ 364.

Inégalité triangulaire.

le  $\oplus$  grand côté  $\leq$  2 petits côtés.

→ triangle isocèle → 6 cm ou 15 cm.

→ Si le troisième côté fait 6 cm, on aura le plus grand côté qui mesure 15 cm

$6\text{ cm} + 6\text{ cm} = 12\text{ cm}$  donc  $15 > 6 + 6$ , le triangle n'est pas constructible.

Page 30

#### Activité 4 :

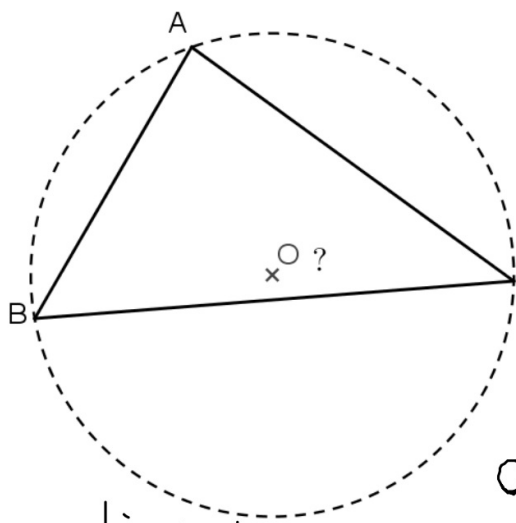
##### Partie 1 :

1. Construire un triangle ABC.
2. Trouver la position du centre O du cercle passant par les trois sommets du triangle : en rédiger le protocole de construction.

#### Activité 4 :

##### Partie 1 :

1. Construire un triangle ABC.
2. Trouver la position du centre O du cercle passant par les trois sommets du triangle : en rédiger le protocole de construction.



*circoscrit*

• Comme le point O est le centre de cercle on a  $OA = OB = OC$  (c'est le rayon).  
O est à égale distance de A, B et C.

O appartient à la médiatrice de  $[AB], [AC], [BC]$ .



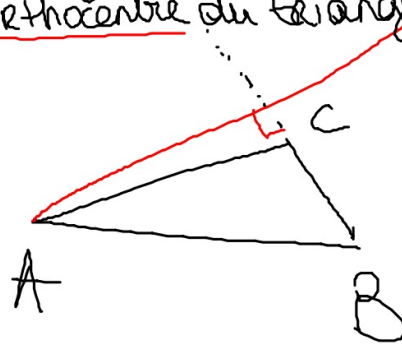
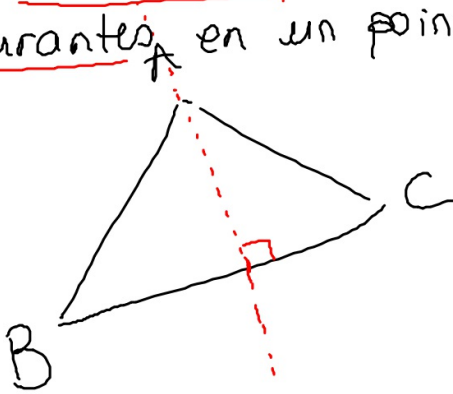
**Partie 2 :** Dans un triangle ABC, on a défini la hauteur issue de A comme la droite passant par A et perpendiculaire à [BC].

Construire les trois hauteurs du triangle ABC. Qu'observes-tu ?

**BILAN : Médiatrices et hauteurs d'un triangle**

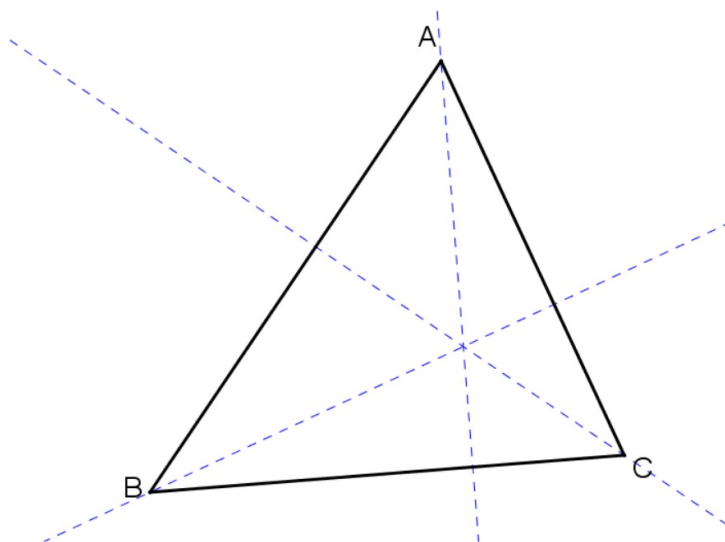
- Les 3 médiatrices d'un triangle sont concurrentes en un point : le centre du cercle circonscrit au triangle.

- Les 3 hauteurs d'un triangle sont concurrentes en un point : l'orthocentre du triangle.



**Partie 2 :** Dans un triangle ABC, on a défini la hauteur issue de A comme la droite passant par A et perpendiculaire à [BC].

Construire les trois hauteurs du triangle ABC. Qu'observes-tu ?



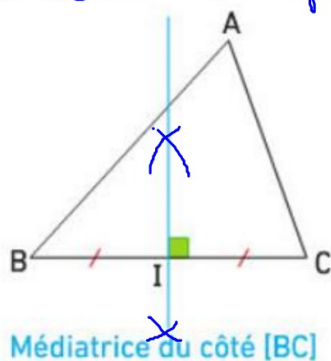
## BILAN : Médiatrices et hauteurs d'un triangle

Page 35

## TRIANGLES (suite)

III) Droites remarquables du triangle.  
1. Médiatrices d'un triangle

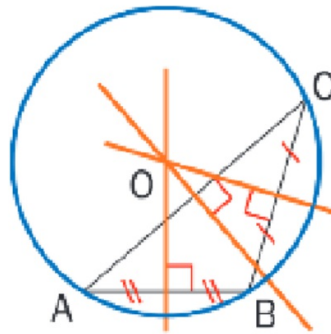
Définition : La médiatrice d'un côté d'un triangle est la droite perpendiculaire à ce côté et passant par son milieu.



Page 36

## TRIANGLES (suite)

Propriété (admise): Les trois médiatrices d'un triangle sont concurrentes en un point. Ce point est le centre du cercle circonscrit au triangle (passant par les 3 sommets du triangle).

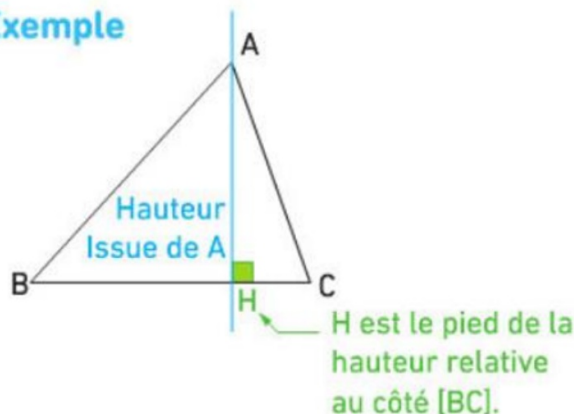


## TRIANGLES (suite)

2) Hauteurs d'un triangle

Définition: Dans un triangle ABC, la hauteur issue du sommet A est la droite passant par A et perpendiculaire à la droite (BC)

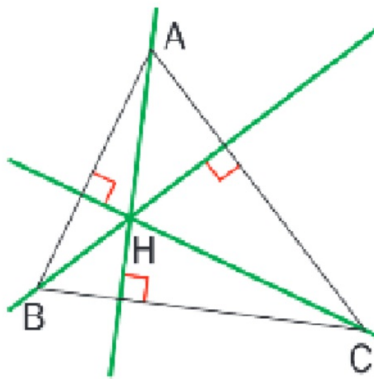
Exemple



## TRIANGLES (suite)

Propriété (admise) : Les trois hauteurs d'un **DICTEE**

5 n 357 ⊕ 30 n 364



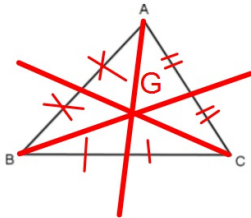
**EVALUATION TRIANGLES  
JEUDI 9 FEVRIER**

## DROITES REMARQUABLES DU TRIANGLE

### I. Médianes

**Définition :** Dans un triangle ABC, la **médiane issue du sommet A** est la droite qui joint le **sommet A** au **milieu du côté opposé : BC**

**Propriété :** Dans un triangle, les trois médianes sont toujours concourantes. Leur point d'intersection est le **centre de gravité du triangle**.

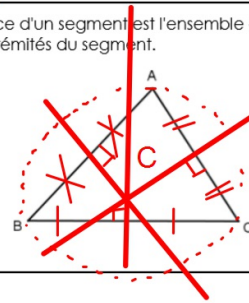


### II. Médiatrices

**Définition :** Dans un triangle ABC, la **médiatrice relative au côté AB** est la **droite perpendiculaire à [AB]** et **passant par son milieu**.

**Propriété :** Dans un triangle, les trois médiatrices sont toujours concourantes. Leur point d'intersection est le **centre du cercle circonscrit au triangle** (cercle passant par les trois sommets du triangle).

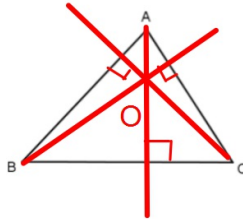
**Rappel :** la médiatrice d'un segment est l'ensemble des points équidistants des extrémités du segment.



### III. Hauteurs

**Définition :** Dans un triangle ABC, la **hauteur issue du sommet A** est la **droite passant par A** et **perpendiculaire au côté opposé : BC**.

**Propriété :** Dans un triangle, les trois hauteurs sont toujours concourantes. Leur point d'intersection est appelé **l'orthocentre du triangle**.

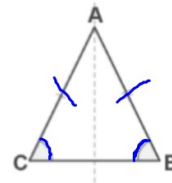


## TRIANGLES PARTICULIERS

### I. Triangle isocèle

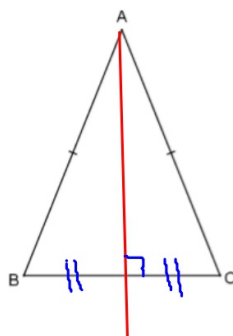
**Définition :** Un triangle isocèle est un triangle qui a **deux côtés de même longueur**

**Propriété 1 (angulaire) :** Un triangle isocèle est un triangle qui a **deux angles de même mesure**



**Propriété 2 : relative aux droites remarquables des triangles :**

Dans un triangle isocèle en A, **les 3 droites remarquables issues de A sont confondues**.



## II. Triangle équilatéral

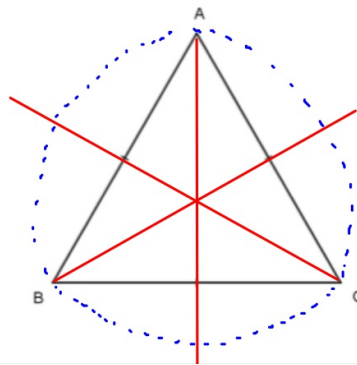
**Définition :** Un triangle équilatéral est un triangle qui a trois côtés de même longueur.



**Propriété 1 (angulaire) :** Un triangle équilatéral est un triangle qui a trois angles de même mesure ( $60^\circ$ ).

**Propriété 2 : relative aux droites remarquables des triangles :**

Dans un triangle équilatéral, les 3 droites remarquables de chaque sommet sont confondues.



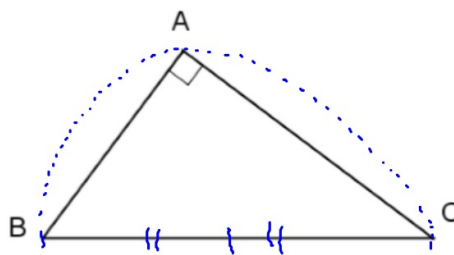
L'orthocentre, le centre de gravité et le centre du cercle circonscrit sont confondus.

## III. Triangle rectangle

**Définition :** Un triangle rectangle est un triangle qui a un angle droit ( $90^\circ$ ).

**Propriété :** Triangle rectangle et cercle circonscrit :

Dans un triangle rectangle, le centre du cercle circonscrit se situe au milieu du côté opposé à l'angle droit.

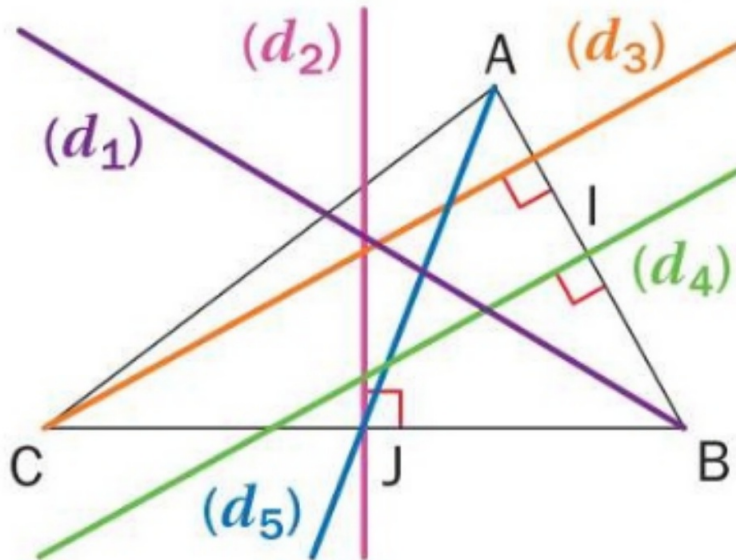


BC est le diamètre du cercle.

**5** Sur la figure ci-contre, I et J sont les milieux respectifs de [AB] et [BC].

Recopier et compléter les phrases suivantes.

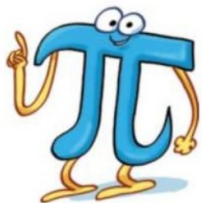
- a.  $(d_4)$  est la médiatrice du segment [AB].
- b.  $d_3$  est la hauteur issue de C dans ABC.
- c.  $d_2$  est la médiatrice du segment [BC].



Page 45

**30** Dans chaque cas, construire la figure en vraie grandeur.

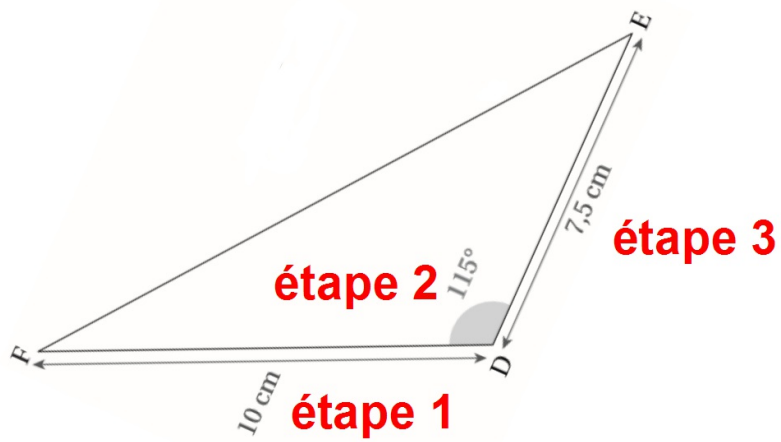
- a. DEF est un triangle tel que :  
 $\widehat{EDF} = 115^\circ$ ,  $DE = 7,5$  cm et  $DF = 10$  cm.
- b. JIH est un triangle tel que :  
 $\widehat{JIH} = 40^\circ$ ,  $\widehat{IJH} = 70^\circ$  et  $IJ = 5$  cm.
- c. KLM est un triangle isocèle en K tel que :  
 $ML = 5$  cm et  $KM = 4$  cm.



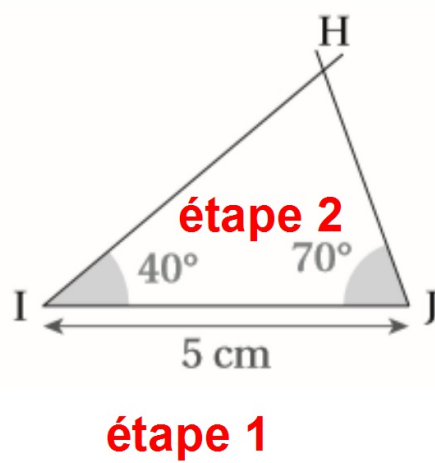
Fais un dessin à main levée si nécessaire.

Page 46

a.

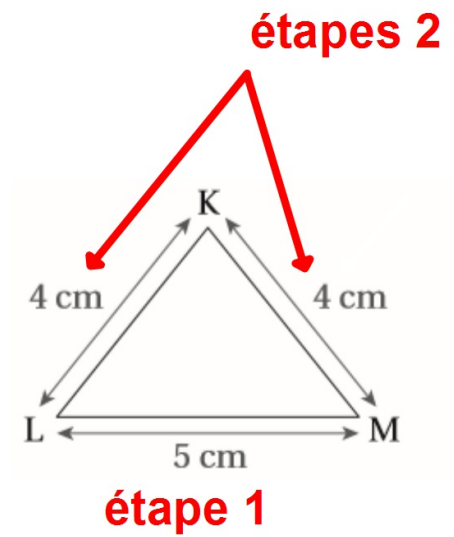


b.





C.



Page 49

**35** On veut construire une gare à égale distance des villes de Bar-le-Duc, Verdun et Saint-Mihiel (en Lorraine).

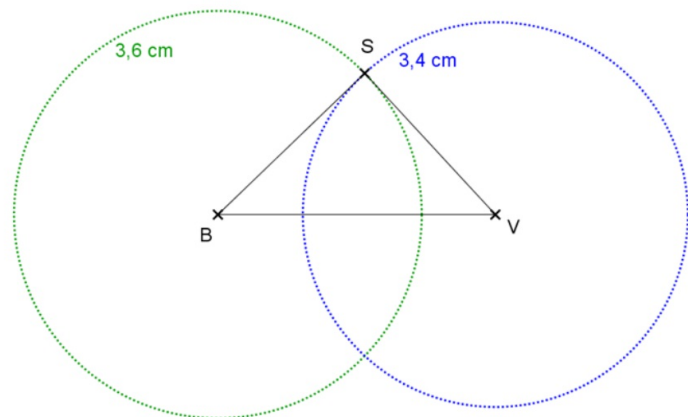
À vol d'oiseau, les distances qui séparent ces trois localités sont les suivantes :

- Bar-le-Duc – Verdun : 49 km
- Verdun – Saint-Mihiel : 34 km
- Bar-le-Duc – Saint-Mihiel : 36 km

**a.** Représenter les trois villes sur un plan où 1 cm représente 10 km.

**b.** Déterminer sur le plan l'endroit où devra être construite la gare.

**c.** Après avoir effectué une mesure sur le plan, donner une valeur approchée de la distance, en km, séparant chaque ville de la gare.



a) On nomme B, V et S les points représentant les villes de Bar-le-Duc, Verdun et Saint-Mihiel.

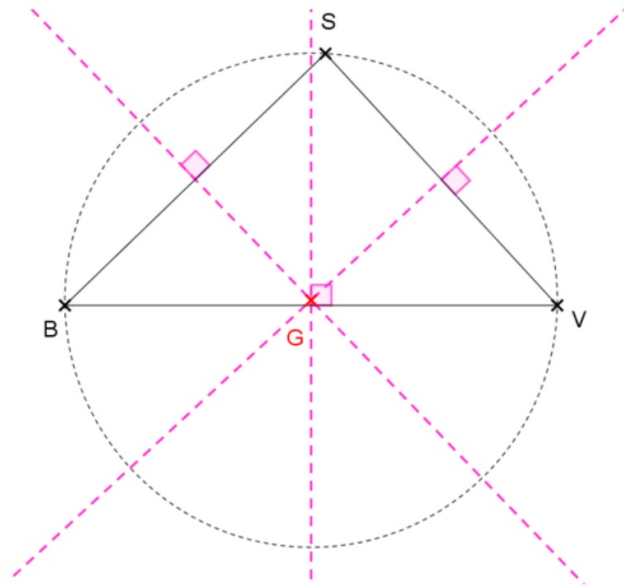
Sur le plan 1 cm représente 10 km donc on a :  $BV = 4,9$  cm ;  $VS = 3,4$  cm et  $BS = 3,6$  cm.

On utilise la règle et le compas pour faire la construction.

Page 50

b) La gare est représentée par le point G.  
 La gare étant située à égale distance des trois villes, le point G sera le centre du cercle circonscrit au triangle VBS.

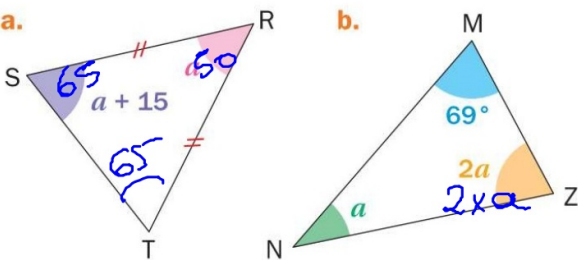
Pour construire ce centre on trace les trois médiatrices du triangle : le point d'intersection sera le point G.



c) En mesurant sur le plan réalisé on trouve  $GV = 2,45$  cm par conséquent la distance entre la gare et chacune des villes est de 24,5 km.

**60** À la recherche de l'angle perdu

**MODÉLISER** avec le langage mathématique.  
 Dans chaque cas, calculer la valeur de  $a$ .



**p 368**

b) • La somme des angles d'un triangle est égale à  $180^\circ$   
 donc  $\hat{M} + \hat{N} + \hat{Z} = 180^\circ$   
 $69^\circ + a + 2a = 180^\circ$   
 $69^\circ + 3a = 180^\circ$   
 donc  $3 \times a = 180^\circ - 69^\circ = 111^\circ$   
 donc  $a = 111^\circ : 3 = 37^\circ$

a) • RST est isocèle en R  
 donc  $\hat{S} = \hat{T}$

• la somme des angles d'un triangle est égale à  $180^\circ$   
 donc  $\hat{R} + \hat{S} + \hat{T} = 180^\circ$

$$a + a + 15 + a + 15 = 180^\circ$$

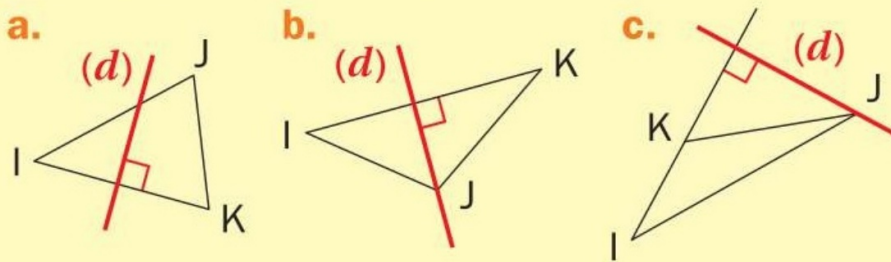
$$3a + 30 = 180^\circ$$

$$\text{donc } 3 \times a = 180^\circ - 30^\circ = 150^\circ$$

$$a = 150^\circ : 3 = 50^\circ$$

**22** Dans chaque cas, indiquer si  $(d)$  est la hauteur issue de J dans le triangle IJK. Justifier.

p 364



a) Non car  $(d)$  ne passe pas par J.

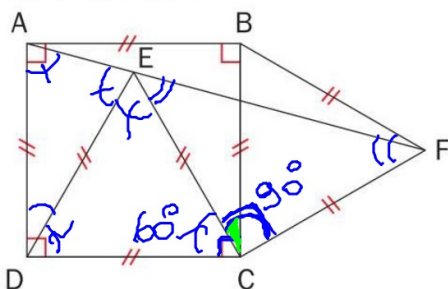
b) oui car  $(d)$  est perpendiculaire à  $(IK)$  et passe par J

c) oui car ...

**61** Points alignés

RAISONNER en géométrie.

p 368



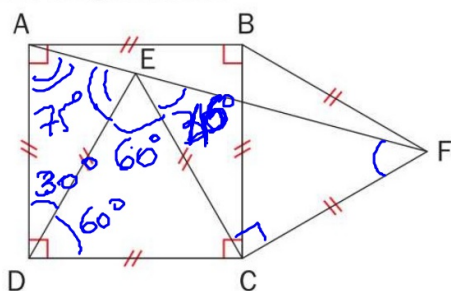
a) ECF : isocèle en C car  $EC = CF$  (codage)  
ADE : isocèle en D car  $AD = ED$  (codage)

- Quelle est la nature des triangles ECF et ADE ?
- Calculer les mesures des angles aux sommets principaux de ces deux triangles.  $\rightarrow \widehat{ADE}, \widehat{ECF}$
- Calculer les mesures des angles  $\widehat{AED}$  et  $\widehat{CEF}$ .
- Qu'en déduit-on sur les points A, E et F ?

b)  $\widehat{ECF}$  : ECF est isocèle en C donc  $\widehat{FEC} = \widehat{CFE}$   
 Je sais que  $\widehat{BCD} = 90^\circ$  (ABCD carré)  
 EDC est un triangle équilatéral donc  $\widehat{ECD} = 60^\circ$   
 et donc  $\widehat{ECB} = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$   
 BCF est un triangle équilatéral donc  $\widehat{BCF} = 60^\circ$  et  $\widehat{ECF} = \widehat{ECB} + \widehat{BCF} = 30^\circ + 60^\circ = 90^\circ$  !

**61** Points alignés

RAISONNER en géométrie.



- Quelle est la nature des triangles ECF et ADE ?
- Calculer les mesures des angles aux sommets principaux de ces deux triangles.
- Calculer les mesures des angles  $\widehat{AED}$  et  $\widehat{CEF}$ .
- Qu'en déduit-on sur les points A, E et F ?

$\widehat{ADE}$  : On sait que  $\widehat{ADC} = 90^\circ$  car ABCD est un carré  
 et  $\widehat{EDC} = 60^\circ$  car EDC est un triangle équilatéral  
 donc  $\widehat{ADE} = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$

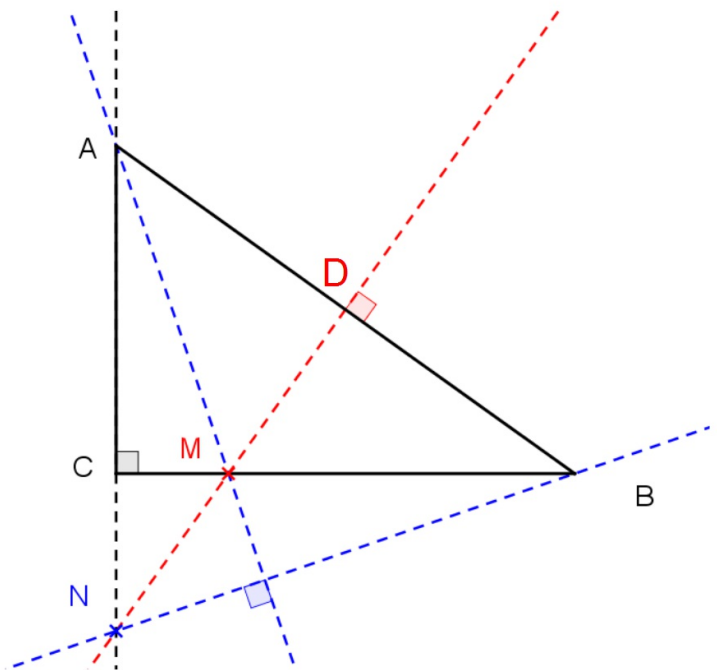
c) La somme des angles...  $180^\circ$   
 • donc  $\widehat{ECF} + \widehat{CFE} + \widehat{FEC} = 180^\circ$   
 $90^\circ + \widehat{CFE} + \widehat{FEC} = 180^\circ$   
 $\widehat{CFE} + \widehat{FEC} = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$   
 et comme  $\widehat{CFE} = \widehat{FEC}$   
 (triangle isocèle en C)  
 $\widehat{CFE} = \widehat{FEC} = 90^\circ : 2 = 45^\circ$   
 • " "  $\widehat{ADE} + \widehat{AED} + \widehat{EAD} = 180^\circ$   
 " "  $\widehat{AED} + \widehat{EAD} = 180^\circ - 30^\circ = 150^\circ$   
 " "  $\widehat{AED} = 150^\circ : 2 = 75^\circ$

- Dans un triangle ABC rectangle en C, tracer la médiatrice du segment [AB] ; elle coupe (BC) en M et (AC) en N.
- Démontrer que les droites (AM) et (BN) sont perpendiculaires.

**p 365**

**34** a. Dans un triangle ABC rectangle en C, tracer la médiatrice du segment [AB] ; elle coupe (BC) en M et (AC) en N.

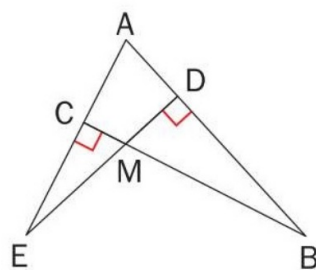
b. Démontrer que les droites (AM) et (BN) sont perpendiculaires.



Page 57

**83** On considère la figure ci-contre.

► Démontrer que les droites (EB) et (AM) sont perpendiculaires.



**p 371**

Page 58